

## **الذاكرة وتجهيز معلومات العمليات**

### **الحسابية في التفكير الرياضي**

د. / عبد الحى على محمود	د. / مصطفى حبيب محمد
أستاذ مساعد علم النفس التعليمي	أستاذ مساعد علم النفس التعليمي
كلية التربية بأسوان	كلية التربية بأسوان
جامعة جنوب الوادى	جامعة جنوب الوادى

#### **ملخص الدراسة:**

هدف هذه الدراسة إلى بحث الدور الذي تلعبه الذاكرة (السمعية/البصرية) على تجهيز معلومات العمليات الحسابية التي يتطلبها التفكير الرياضي في مستوى البسيط والمعقد لدى تلاميذ المرحلة الابتدائية. وعلى ضوء ذلك حاولت الدراسة الإجابة على التساؤلات التالية:

- ١- هل توجد علاقة ارتباطية دالة بين تجهيز معلومات المستوى الأدنى "البسيط"، والأعلى "المعقد" للتفكير الرياضي وبين الذاكرة البصرية؟.
- ٢- هل توجد علاقة ارتباطية دالة بين تجهيز معلومات المستوى الأدنى "البسيط"، والأعلى "المعقد" للتفكير الرياضي وبين الذاكرة السمعية؟.
- ٣- هل يؤثر اختلاف مستوى التعليم (الصف الرابع - الصف الخامس) بالمرحلة الابتدائية تأثيراً ذا دلالة على تجهيز معلومات المستوى الأدنى "البسيط"، والأعلى "المعقد" للتفكير الرياضي؟.
- ٤- هل بإمكان اختبارات ومهام الذاكرة البصرية والسمعية كمتغيرات مستقلة التباين بمستوى تجهيز المعلومات "البسيط" و"المعقد" للتفكير الرياضي؟.

تم اختيار عينة الدراسة من تلاميذ الصفين الرابع والخامس بالمرحلة الابتدائية، حيث بلغت العينة ١٦٠ تلميذاً وتلميذة تراوحت أعمارهم ما بين ٩ - ١٠,٥ سنة، واستعانت الدراسة باختبار التفكير الرياضي بمستوييه "البسيط والمركب" ، كما تم إعداد اختبارات ومهام بصرية وسمعية لقياس التذكر السمعي والبصري. وبعد إخضاع البيانات الأولية للتحليلات الإحصائية - تم حساب المتوسطات والانحرافات المعيارية ومعاملات الارتباط، وكذلك تحليل التباين في اتجاه واحد، وتحليل الانحدار المتعدد المنتظم - توصلت الدراسة للنتائج التالية:

## **الذاكرة وتجهيز معلومات العمليات في التفكير الرياضي**

- وجود علاقة ارتباطية دالة بين تجهيز معلومات المستوى الأدنى "البسيط" للتفكير الرياضي ومهام الذاكرة البصرية، بينما لم تؤكد النتائج وجود مثل هذه العلاقة بالنسبة لتجهيز معلومات المستوى الأعلى "المعقد".
- وجود علاقة ارتباطية دالة بين تجهيز معلومات المستوى الأدنى "البسيط" ، والأعلى "المعقد" للتفكير الرياضي على حد سواء ومهام الذاكرة السمعية.
- أن المستوى التعليمي ( الدراسي ) له تأثير دال على تجهيز معلومات المستوى الأدنى "البسيط" ، والأعلى "المعقد" للتفكير الرياضي.
- أكدت النتائج أن أفضل المتغيرات المستقلة المستخدمة في الدراسة من حيث القدرة على التعبير بتجهيز معلومات المستوى البسيط للتفكير الرياضي هو المهمة السمعية الثالثة التي تتسم بدرجة عالية من التعقيد والصعوبة، يليه في ذلك اختبار اقتران الشكل بالعدد وهو من اختبارات الذاكرة البصرية، الأمر الذي يعني أن مستوى التجهيز البسيط لمعلومات التفكير الرياضي يمكن أن نتباً به عن طريق كل من الذاكرة السمعية والبصرية.
- أكدت النتائج أيضاً أن أفضل المتغيرات المستقلة للتعبير بتجهيز معلومات المستوى المعقد للتفكير الرياضي هو المهمة السمعية الثالثة التي تتسم بدرجة عالية من التعقيد والصعوبة، يليه المهمة السمعية الأولى التي تتميز بدرجة عالية من السهولة واليسر، مما يعني أن تجهيز معلومات المستوى الأعلى "المعقد" للتفكير الرياضي يمكن أن نتباً به عن طريق مهام الذاكرة السمعية فقط دون الذاكرة البصرية.

## الذاكرة وتجهيز معلومات العمليات

### الحسابية في التفكير الرياضي

د/ عبد الحفي على محمود  
أستاذ مساعد علم النفس التعليمي  
كلية التربية بأسوان  
جامعة جنوب الوادى

د/ مصطفى حبيب محمد  
أستاذ مساعد علم النفس التعليمي  
كلية التربية بأسوان  
جامعة جنوب الوادى

### مدخل ومشكلة الدراسة :

تعد الذاكرة الإنسانية بمثابة مركز العمليات المعرفية ومحورها الرئيسي، وهى تتأثر بالمحنوى المعرفي وخصائصه، كما أنها تؤثر على كافة الأنشطة العقلية المعرفية (فتحى الزيات: ١٩٩٨ ، ٢٦٧ )<sup>(١)</sup>.

وتؤدى الذاكرة دوراً مهماً في مختلف مجالات السلوك الإنساني مثل التحدث، الكتابة، القراءة، الاستماع، ممارسة الأعمال والمهارات المختلفة، حتى في حالة السير في الشوارع وبين الطرقات، بل تمتد أهميتها إلى ممارسة بعض أنواع السلوك التي تعبّر عن مظاهر الحياة الخاصة، مثل تناول الطعام أو ارتداء الملابس. ففي كل هذه المظاهر يحتاج المرء إلى الذاكرة في أبعادها المختلفة لتوجيه السلوك الوجهة السليمة (أنور الشرقاوى: ١٩٩٢ ، ١٢٥ ).

ويتميز نظام الذاكرة لدى الإنسان بقدر كبير من التسوع في العمليات التي يتضمنها، حيث تتولى بعض هذه العمليات تسجيل التفاصيل الدقيقة للصور الحسية لفترات طويلة تمكن الإنسان من تحديد وتصنيف الأصوات والمرئيات والاحساسات الأخرى المختلفة، كما تقوم الذاكرة - من جانب آخر - بتسجيل جميع الخبرات التي نمر بها في مواقف حياتنا اليومية فنتذكرها عادةً بالطريقة التي أمكن

(١) (اسم المؤلف: سنة النشر - رقم الصفحات).

= (٢٠١) = المجلة المصرية للدراسات النفسية - العدد ٤٧ - المجلد الخامس عشر - أبريل ٢٠٠٥

## **الذاكرة وتجهيز معلومات العمليات في التفكير الرياضي**

لنا تسجيلها بها في المخ، ونستعيدها في شكل محسوسات (أصوات سمعية أو صور بصرية أو احساسات شمية)، أو في شكل رموز وأرقام وكلمات ومفاهيم (عبدالستار إبراهيم، رضوى إبراهيم: ٢٠٠٣، ٣).

ومن هذا المنطلق فقد ركز السيكولوجيون على العمل المفرد للذاكرة محاولين فهم كل العناصر المستخدمة في عملية إرسال الإشارات وفي التخزين وفي الاسترجاع باعتبار أن الذاكرة هي الأساس في مقابلة متطلبات الحياة الإدراكية الفعلية للفرد (Lester: 1997, 202).

ويقرر "وليم إستس William Estes" أن الأولويات الراهنة في دراسة الذاكرة بدأت تظهر في إطار واضح، والتي تتطلب دراسة الفرد – ليس ك مجرد كائن عضوي a biological organism – بل كجهاز لمعالجة المعلومات، كما أن التقدم الذي تم إحرازه حالياً يعكس نقطة التقاء بين مجالين مختلفين من الجهد أحدهما النمو المتزايد والطموح على مدى ما يقرب من قرن من الزمان للأساليب التجريبية في تحليل الذاكرة عملياً.

أما المجال الثاني فيتمثل في الأفكار والطرق القيمة التي أدخلها علم الحاسوب الجديد في مجال معالجة المعلومات (روبرت سولسو: ١٩٩٦ - ٢١٧).

ولقد افترضت دراسة "أوسليفان، هاو" (O'sullivan & Howe 1998) أن الذاكرة يجب أن تدخل في إطار مفاهيمي، وفي إطار الخبرات الشخصية للفرد، كما أن المعارف المختزنة بداخليها دائمًا تتكون من بعض المبادئ الإيمانية البسيطة الواضحة.

و يرى فتحى زييات أن دقة الذاكرة تتوقف على عدد من العوامل أهمها: السياق، نوعية الترميز Coding، الحالة المزاجية للفرد Mood، الخبرة أو المهارة Experience (فتحى زييات: ١٩٩٨ ، ٣٦٣ - ٣٨١).

وبعد عمليات الذاكرة من العمليات المهمة خاصة عندما يتعلق الأمر بموضوع التعلم حيث إن التعلم يتطلب احتفاظ المتعلم بالخبرات التي تم اكتسابها، و يؤكد "Howard" (1992) ذلك بقوله: أن التعلم لا يكون محكمًا بدون استخدام

بعض طرق الاستدعاء للمعلومات المخزنة، حيث أن الذاكرة الإنسانية تتفوق بالاستدعاء، بل إن تنظيم البيانات واستدعائهما بسهولة وسرعة لا يتم إلا إذا بقيت الحقائق منتظمة، وأن هذا لا يتأتى إلا في وجود ذاكرة جيدة، وليس ذاكرة إسقافية تمنص كل شيء وتذكره فقط ، بل هي عملية فرز واختبار لكل ما يتم وعيه ويمكن استرجاعه ( Howard: 1992, 74 ).

كما أكد أيضاً كل من "سوانسن وزملائه" ( Swanson et. al. 1990 ) على أن مستوى أداء عمليات الذاكرة العاملة تكمن وراء الفروق الفردية في القدرة على التعلم والمتمثلة في وظائف العمليات العقلية المعرفية ذات المستوى الأعلى ، وأشار "إنجل وزملاؤه" ( Engle et. al. 1992 ) إلى أنه يمكن استخدام مستوى كفاءة أداء الذاكرة العاملة للتبيؤ بالفروق الفردية في عمليات الفهم ، وتوصل "سوانسن" ( Swanson 1994 ) إلى أن كلاً من الذاكرة قصيرة المدى والذاكرة العاملة يشكلان معًا مكونين مستقلين في تأثيرهما أو إسهامهما في التباين الكلى للتحصيل الأكاديمي، أما "روماني" ( Romani 1994 ) فوجد عيوبًا في عملية الإعراب النحوى ترتبط بالقدرة السمعية، وأرجع السبب في ذلك إلى ضعف في الذاكرة السمعية قصيرة المدى، والقدرة على الإعراب.

أما "كيوسى" Cuasay فقد أكد أن الخبرة التعليمية تؤثر بطريقة فعالة في نمو الذاكرة القصيرة والطويلة، وأن التعلم الناجح دائمًا يتطلب تخزينًا للمعلومات في أبنية ذات معنى ترتبط بصورة وثيقة بالخبرة والمعرفة السابقة للمتعلم (فتحي الزيات ١٩٩٨ ، ٢٦٧). كما أشار كل من "سييرفس ، كوهونين" ( Service & Kohonen 1995 ) إلى أهمية دور الذاكرة في تعلم اللغة من خلال وجود علاقة دالة بين تكرار الكلمات وتعلم اللغة الأجنبية. وأكدًا أن عملية التعلم الحقيقة تحدث فقط عندما تصبح المعلومات جزءًا من الذاكرة الطويلة، وهنا تحدث عملية التغيير في البنية المعرفية. وعلى ضوء ذلك يرى كل من (ناجي دسقورس، جاسم النجار: ١٩٩٧ ، ١٧٩) أن التفكير الفعال يعتمد على المهارة في معالجة المعلومات، وأن الضعف في عملية التعلم يعوق عملية التفكير

المرتبطة بالمحنوى الذى يغير مستويات التفكير العليا. وأضافاً أن من أحد أسباب تدنى تحصيل الطلاب فى الرياضيات قد يفسر بسبب ارتباط مناهج الرياضيات بنظام تعليمى يهتم بالذاكرة قصيرة المدى – حيث الأعداد الكبيرة للطلاب فى الفصول الدراسية، وقصر الخطة التدريسية لمادة الرياضيات، وقصر إمكانيات البنية التعليمية، وازدياد حجم المادة التعليمية – بمعنى أن المعلومات التى يتعلماها الطالب تبقى فى الذاكرة لفترة قصيرة وتتلاشى بالتدرج مع مرور الوقت القصير نسبياً، لذلك يجب الاهتمام بالذاكرة طويلة المدى، والبحث عن طرق لتدريس التفكير تدعم المعلومات وتجعلها أكثر بقاء فى الذاكرة. وهنا يتسائل الباحثان: ما هو الدور الفعلى للذاكرة فى عملية التفكير باعتبار أن الذاكرة جهاز بنائى متتكامل يؤثر كل مكون من مكوناتها فى بعضها البعض، بمعنى أن هناك علاقة تأثير وتأثير بين مكوناتها، وهل فاعالية نظام تجهيز المعلومات ومعالجتها يتوقف على انسياپ وتدفق المعلومات خلال تلك المكونات؟

والتفكير هو عملية تمكن من فهم الإدراك، والقدرة على التفكير تسمح بأن نستخدم ما تم تعلمه فى إضفاء معنى للذكريات، ربما بصورة أكثر أهمية، ويسمح التفكير بتناول الأشياء عقلياً، فهو يتضمن عمليات معرفية متعددة ، كفهم اللغة، والاسترجاع من الذاكرة، وإدراك أنماط من الوارد الحسى ( محمد احمد شلبي: ٢٠٠١ ، ١٥٩ ) .

والرياضيات لها من المميزات من حيث المحتوى ومن الطريقة ما يجعلها مجالاً خصباً وممتازاً لتدريب التلميذ على أنماط من أساليب التفكير الجيد، ويرجع ذلك إلى خاصيتين مهمتين هما:

- ١- أن الرياضيات لغة تمتاز عن اللغة العادية بدقة التعبير ووضوحه وإيجازه.
- ٢- أن الرياضيات من حيث الموضوع لها مميزات خاصة فى تتميم التفكير الموضوعى، وذلك ببروز الناحية المنطقية، ولو ضوح حقائقها، وخلوها من العوامل العاطفية التى تؤثر فى استخلاص النتائج ( يحيى هندام: ١٩٨٢ ، ١٢ ). وبحكم طبيعة الرياضيات، ولكونها عنصراً حاكماً لما يحدث حالياً وفيما يتوقع

مستقبلً من تطور علمي. تكنولوجي، فقد فرض ذلك على مناهج الرياضيات أن تتجاوب مع متطلبات تلك التطورات (وليم عبيد : ١٩٩٨ ، ٣)، ومن ثم يتبع أن تتضمن مناهج الرياضيات بعض الأنماط التي تؤثر إيجابياً على تنمية التفكير، حيث أصبح توافر منهج جيد وقوى لتعليم الرياضيات أمراً حتمياً وضرورياً لمجتمع ينشد توثيراً فكرياً وصحوة اقتصادية، لذلك فإن تعليم الرياضيات يسهم في التنمية التي تسهم بدورها في التنمية البشرية الشاملة (وليم عبيد : ١٩٩٩ ، ٦). ويؤكد أحمد حسين اللقاني على نفس الفكرة حيث أشار إلى أن تقديم المعرف والمعلومات للتلמיד من خلال محتوى المناهج الدراسية ليس مهمًا بقدر كون محتوى المنهج من حيث المستوى والتنظيم وسيلة لتنمية مهارات التفكير لدى التلاميذ، وهذا هو الهدف الأساسي من تدريس الرياضيات من وجهة نظر الباحثين في ضوء ما أكد عليه المتخصصون في تربويات الرياضيات، بجانب احتفاظ التلاميذ بالمعرف والمعلومات والحقائق وال العلاقات المتضمنة بالرياضيات أطول فترة ممكنة وانعكاس ذلك على تفكيرهم الرياضي (أحمد حسين اللقاني : ١٩٩٥ ، ١٩٣).

والفكر الرياضي هو الذي يصاحب الفرد حين مواجهة المشكلات الرياضية، وحين مواجهة بعض التمارين الرياضية متنوعة الأفكار أثناء تعلم الرياضيات، ويُحدد دائمًا بعدة مستويات تتعلق بالعمليات العقلية، كحل المشكلات الرياضية، والأساليب المنطقية المتنوعة التي تتكون منها عملية معالجة التمارين المختلفة الأنماط (حسين غريب حسين : ١٩٨٢ ، ٦).

والفكر الرياضي كان وما زال محور العديد من الدراسات والبحوث وخاصة في الآونة الأخيرة، فمنها ما دار حول كيفية تبنيه كدراسة "أويرز" (1996) والتي اهنتت بإتاحة الفرصة للمتعلمين لممارسة الأشطة المسرحية وذلك لتوضيح أثر تلك الأنشطة على تحسين التفكير الرياضي من خلال فهم و إدراك المتعلمين للرموز وما تحتويه من معانٍ أثناء النشاط المسرحي وانعكاس ذلك على تفكيرهم. وكذلك دراسة "فرايڤيلج و زملائه" (1999) Fraivillig et. al.. والتي هدفت إلى تقديم ووصف إطار تربوي يساند

## **الذاكرة وتجهيز معلومات العمليات في التفكير الرياضي**

ويشجع على نمو فهم المفاهيم الرياضية، والعمل على تقدم نمو التفكير لدى الأطفال، وكذلك دراسة (صلاح عبد الحفيظ، وعايدة سيدهم : ١٩٩٩) والتي هدفت إلى معرفة أثر استخدام النماذج الرياضية وأسلوب حل المشكلات في تدريس الرياضيات على تنمية مهارات الترجمة الرياضية والتفكير الرياضي لدى تلاميذ المرحلة الإعدادية، وكذلك دراسة (عادل إبراهيم، وحمزة عبد الحكيم : ٢٠٠٠) والتي دارت حول معرفة أثر برنامج مقترن في التقدير التقريري والحساب الذهني لنوافذ العمليات الحسابية على تنمية الحس العددي والتفكير الرياضي لدى تلاميذ المرحلة الابتدائية، وكذلك دراسة (عوض حسين محمد : ٢٠٠٣) والتي دارت حول تحديد أثر استراتيجية مقترنة لتدريس رياضيات الصف الثالث الابتدائي على التفكير الرياضي وبعض المتغيرات الأخرى.

ومنها ما دار حول كيفية تشجيع الطلاب وتحسين مهاراتهم على التفكير الرياضي كدراسة "تورنر وزملائه" (Turner et. al. 1997) والتي هدفت إلى كيفية تشجيع الطلاب على التفكير الرياضي من خلال وصف أساس ومبادئ تحدي العمل، والاستقلالية، والعمل المشترك. وكذلك دراسة "روبنسن" (Robinson 1991) والتي هدفت إلى تحسين مهارات التفكير الرياضي لدى أطفال ما قبل المدرسة ، وكذلك تحسين وتطوير مهارات المعلمين التي تنظم وتبشر العملية التعليمية، وأيضاً دراسة "دورنن" (Durnin 1995) التي هدفت إلى مساعدة الطلاب على تعلم المفاهيم الرياضية وتصنيف تفكيرهم من خلال ثلاثة أنشطة للكمبيوتر تتمدهم بالغذائية الراجعة والفهم العميق للمفاهيم الرياضية، ودراسة "سكوينبرجر، ليمنج" (Schoenberger & Liming 2001) التي اهتمت بتنمية التفكير الرياضي من خلال استخدام المصطلحات والألفاظ الرياضية والعمليات الحسابية والعددية، وأكّدت نتائجها عدم مقدرة الطالب على حل المشكلات المتعددة الجوانب والمرتبطة بالمصطلحات الرياضية والعمليات العددية العليا التي تم عرضها من خلال مشكلات كلامية قصصية، كما أكّدت نتائجها أن نسبة متواهدة دالة من الطلاب لديهم ضعف في المهارات الخاصة بالتفكير والمرتبطة باستخدامهم

للمصطلحات الرياضية والعمليات الحسابية، وأرجعت الدراسة السبب في ذلك إلى عدم الاهتمام بالقوانين الرياضية وعدم تكرار الطلاب لها وعدم تمكّنهم من حفظها، وأيضاً عدم الاهتمام بالمهارات اللغوية والقصور في المعرفة بالمفاهيم الرياضية، بالإضافة إلى المخاطرة الشخصية وكيفية استثمارها. ومن هنا يبرز التساؤل التالي: هل للذاكرة دور في ذلك باعتبارها منظومة لتفاعلات الفرد مع ذاته ومع بيئته التي ترتبط بشكل كبير بالموافق والأحداث التي يمر بها، والتي تتعكس بدورها على طريقة تفكيره وخاصية الرياضي الذي يعتمد على الاستقراء والاستبطاء.

واهتمت بعض الدراسات بالبحث في الفروق الفردية في التفكير الرياضي مثل دراسة "لتفيا" (Lutfiyya 1998) التي هدفت إلى معرفة تأثير مستوى التعليم، واختلاف الجنس على التفكير الرياضي من خلال تحديد الاختلافات المميزة لأساليب طلب المدارس الثانوية، وكذلك دراسة "جوردن، هانتش" (Jordan & Hanich 2000) التي وجدت أن الأطفال ذوي صعوبات التعلم الرياضية والقراءية يتميزون عن الأطفال ذوي الصعوبات الرياضية فقط بأنهم يعانون من عجز كلي في التفكير الرياضي بينما يتميز الآخرون بإدراكهم لخطوات حل المشكلة.

والتفكير الرياضي في أبسط معانيه عبارة عن سلسلة من الأنشطة العقلية التي يقوم بها الذهن عند تعرضه لمثير يتم استقباله عن طريق واحدة أو أكثر من الحواس الخمس، وهذا بدوره يتطلب استدلالاً دقيقاً للصيغ الرياضية التي ليس من السهل الوصول إليها بصورة كلية عن طريق هذه الحواس، ومن هنا أصبح الوصول إلى حل المشكلات الرياضية أو التمارين اللغوية القائمة على الاستدلال الرياضي تمثل صعوبة بالنسبة للعديد من التلاميذ وخاصة في المرحلة الابتدائية وما قبلها (فتحي عبد الرحمن جروان: ١٩٩٩ - ٣٣). ولقد أوضحت دراسة "لى بلانس، وبير" (LeBlance & Weber 1996) أن نتائج العمل الاميريقي والنظري أشار إلى أن الأطفال الصغار يعانون من صعوبات في حل المشكلات الكلامية الحسابية وذلك بسبب القصور في اللغة واستراتيجيات إدراك أو فهم =٢٠٠٥-٢٠٠٧) =المجلة المصرية للدراسات النفسية - العدد ٤٧ - المجلد الخامس عشر - أبريل

المضمون، ومن ثم أصبحت دراسة الرياضيات تمثل عقبة أمام الكثير من الأبناء واللهم يليس على المستوى القومي فحسب بل على المستوى العالمي أيضاً، وهذا ما أكدته مقالة كل من "أليس، لفلى" (Alice & Lovely 2001) التي أشارا فيها إلى تأكيد التقارير بأن الأطفال والبالغين في الولايات المتحدة الأمريكية لا يشعرون بالارتياح تجاه الرياضيات، حيث أنهم يظهرون في الغالب كراهية شديدة لها، كما أنهم يعتقدون بأن الرياضيات يجب أن تدرس للمهندسين والعلماء ولنخبة صغيرة مختارة من الموهوبين في عالم الأرقام.

أما على المستوى المحلي فمن المعلوم لدى الكثير أن دراسة الرياضيات بما تحويه من تمارين ومسائل كلامية تمثل صعوبة بالنسبة لللهم يليس وخاصة في المرحلة الابتدائية، وقد لاحظ الباحثان ذلك من خلال إشرافهما على طلاب التربية العملية في هذه المرحلة، فالكثير من اللهم يليس يتعثرون عند التعامل مع المسائل (المشكلات) الحسابية الكلامية، فهل هذا يرجع إلى صعوبات تمثل في كيفية تحويل هذه المشكلات اللغوية إلى صيغ وعلاقات رمزية كما يعتقد (عرض حسين محمد التودري : ٢٠٠٣ - ٢٥٩) مثلاً لم أن الأمر ينطوي كونه ترجمة الصيغة اللغوية إلى رموز وعلاقات، وحتى وإن كان الأمر كذلك، فكيف يتم إجراء ذلك ذهنياً، وهل يتوقف ذلك على فاعلية نظام تجهيز المعلومات وخاصة في سياق العمليات الحسابية التي تصل بالفرد إلى كيفية اتخاذ القرار السليم والوصول إلى الحل الأمثل لل المشكلات الحسابية.

ولقد أثارت هذه التساؤلات اهتمام الباحثين للقيام بمحاولة للإجابة عليها في الدراسة الراهنة، و مما شجعهما أيضاً على ذلك ما أفادت به نتائج دراسة "ماكجي، ليبرمان" (Mcghee & Liberman 1994) التي أكدت أهمية عوامل الذاكرة البصرية والسمعية بالنسبة للتكوين المعرفي للذاكرة الإنسانية، وباعتبار أن نظام الذاكرة وخاصة العاملة تقوم بوظيفة تكرار المعلومات السمعية كما تقوم في نفس الوقت بالاحتفاظ بالمعلومات المرئية "البصرية" ولو لفترات قصيرة، هذا بالإضافة إلى وظيفة إتمام العمليات الإجرائية للمعلومات بما يتبع تدفق وانسياب المعلومات

اللزمرة لاتخاذ القرارات وحل المشكلات التي تتعارض الفرد "لستر" ( Lester: 1997, 202 )

لذا فقد تحددت مشكلة الدراسة - كما يتبيّن من العرض السابق - في التساؤل الآتي: ما دور الذاكرة (سمعية / بصرية) في تجهيز معلومات العمليات الحسابية التي تتطلّبها التفكير الرياضي بمستوّاه البسيط والمعقد لدى تلاميذ المرحلة الابتدائية؟، وينبعق من هذا التساؤل عدّة تساؤلات فرعية أهمّها:

- ١- هل توجّد علاقة ارتباطية دالة إحصائيّاً بين مستويات التجهيز الأدنى "البسيط" والأعلى "المعقد" للتفكير الرياضي والمهام البصرية للذاكرة؟.
- ٢- هل توجّد علاقة ارتباطية دالة إحصائيّاً بين مستويات التجهيز الأدنى "البسيط" والأعلى "المعقد" للتفكير الرياضي والمهام السمعية للذاكرة؟.
- ٣- هل يؤثّر اختلاف مستوى التعليم (تلاميذ الصف الرابع - تلاميذ الصف الخامس) بالمرحلة الابتدائية تأثيراً ذو دلالة على مستويات تجهيز معلومات التفكير الرياضي الأدنى "البسيط" والأعلى "المعقد"؟.
- ٤- هل تستطيع اختبارات الذاكرة السمعية والبصرية كمتغيرات مستقلة التبرؤ بمستويات تجهيز معلومات التفكير الرياضي الأدنى "البسيط" والأعلى "المعقد"؟.

### هدف الدراسة :

تهدف الدراسة إلى بحث أثر الذاكرة (سمعية / بصرية) على تجهيز معلومات العمليات الحسابية التي تتطلّبها المستويات المختلفة من التفكير الرياضي (بسيط - معقد)، وذلك من خلال مقابلة المتعلم لمشكلات رياضية (حسابية) عبارة عن مهام سمعية وبصرية. كما تهدف الدراسة أيضاً إلى توجيه نظر المربين والتربويين والقائمين على العملية التعليمية إلى أهمية ذاكرة الطفل (سمعية / بصرية) ودورها في تجهيز معلومات التفكير الرياضي واتخاذ القرار.

### أهمية الدراسة :

تتصفح أهمية هذه الدراسة من خلال الاعتبارات التالية:

- أهمية الذاكرة البشرية باعتبارها مركز العمليات المعرفية ومحورها، وكذلك تأثيرها بالمحظى المعرفي وخصائصه، وتأثيرها على كافة الأنشطة العقلية المعرفية (فتحي الزيات: ١٩٩٨ ، ٢٦٧). كما أن الذاكرة ترتبط بعملية التعلم باعتبارها مخزن الخبرات والمعلومات التي يكتسبها الفرد في المواقف التعليمية المختلفة، بالإضافة إلى أنها تلبى ثلث وظائف في موقف التعلم وهي الاستقبال والاكتساب acquisition ، الاحتفاظ retention ، والاسترجاع recall للخبرات الماضية في صورة لفاظ أو معانٍ أو حركات أو صور ذهنية (سليمان محمود يونس: ١٩٩٩ ، ١٤٦ - ١٤٢).

- أن الدراسة الحالية تركز على التلميذ ليس كمجرد كائن عضوي فحسب، بل لامتلاكه جهازًا لمعالجة وتجهيز المعلومات، وهذا ما أقره وأكده "إستس" Estes (روبرت سولسو: ١٩٩٦ ، ٢١٧).

- أن الذاكرة يجب أن ننظر إليها بصورة أدق وأعمق باعتبارها منتجًا مصاحبة للعمق الذي تصل إليه المعالجة، وهو ما يسمى بفكرة مستويات معالجة المعلومات وهذا ما أشار إليه "كريك ، لوكيهارت Parkin & Hunkin, 1972 Craik & Lockhart, 2001" باركن و هنكن 2001.
- تتناول هذه الدراسة موضوع هام وجدير بالأخذ في الاعتبار - بجانب موضوع الذاكرة - وهو موضوع التفكير الرياضي الذي يعد من الأنشطة العقلية المعرفية المهمة وهو مطلب أساسى لزيادة تحصيل التلميذ وفهمه لكثير من القضايا المعاصرة التي تتحدى تفكيره، وتنطلب منه الوصول إلى القرارات الصحيحة من خلال تنظيم سلوكه.

- أن هذه الدراسة باختصارها لمحتوى مقرر الرياضيات، فهي تلبى ما أشار إليه كثير من العلماء والمربين بأن دراسة الرياضيات تعتبر شكلاً من أشكال

السلوك الإنساني الذي ينمى القدرة على الاستقراء والاستنتاج وحل المشكلات والفهم والتذكر والاستدلال الرياضي بما ينعكس على تنمية التفكير الرياضي .

(Nunes & Bryant 1997)

- تتناول الدراسة مرحلة عمرية مهمة من مراحل التعليم وهي المرحلة الابتدائية التي تعد الأساس الذي تعتمد عليه بقية المراحل التعليمية اللاحقة، وأن التعرف على العوامل المؤثرة على التفكير الرياضي في هذه المرحلة قد يسهم في تعميمه لاحقاً في مراحل عمرية تالية.
- أن الدراسة اعتمدت على عدد من الأدوات البحثية الجديدة التي أعدها الباحثان لتلائم متطلبات الدراسة، لذلك فهي قد توفر للباحثين المهمتين بهذا الميدان أدوات يمكن الاهداء بها. لإجراء المزيد من الدراسات المستقبلية. كما أن هذه الدراسة حاولت استخدام محاكيات معيارية يمكن استخدامها لتلاءم مع المهام السمعية والبصرية، هذا بالإضافة إلى الاستفادة من النتائج التي يمكن أن تسفر عنها التحليلات الإحصائية.

#### الإطار النظري ومصطلحات الدراسة:

##### أولاً: الذاكرة:

لقد شهد القرن العشرون انتلاقة كبيرة في مجال بحوث الذاكرة خاصة في الآونة الأخيرة، الأمر الذي دعى كل من "باركن و هنkin" (2001) Parkin & Hunkin إلى إجراء مسح لدراسات الذاكرة التي أجريت في بريطانيا خلال هذا القرن وأنصح من هذا المسح أن بعض الدراسات أولت اهتماماً بالذاكرة العاملة في علاقتها بتطور اللغة ومشكلات القراءة مثل دراسات "بادلي وزملائه" (Baddeley et. al. 1998)، ودراسة "أوكهيل وزملائه" (Oakhill et. al. 1998)، ومنها ما برهن بنجاح على أن الذاكرة العاملة تعتبر أداة لفهم السيكولوجية العصبية للذاكرة بشكل عام كما في دراسة "بادلي" (Baddeley 1997)، وتتناول بعضها علاقة التشفير اللفظي بالذاكرة قصيرة المدى كما انتصح لدى "هنсон" (Henson 1998)، "بيج، نوريس"

## **الذاكرة وتجهيز معلومات العمليات في التفكير الرياضي**

(1998) Norris Page & ، وتناولت دراسة "أيزنـك، بيرنى" الفروق الفردية في الذاكرة من خلال دراسة Eysenck & Byrne (1994) المشاعر في علاقتها بالذاكرة. أما دراسات "هولستوك و زملائه" Parkin (1997) فهي من الدراسات التي حاولت تقديم تفسير لتدور الذاكرة، وقد بينت نتائج هذه الدراسات أن المعلومات قد تدخل مباشرة إلى ذاكرة المدى الطويل دون المرور على ذاكرة المدى القصير الأمر الذي يؤدي إلى تحلل المعلومات وتدهور الذاكرة. ولقد ساهمت أبحاث الذاكرة في تطور علم النفس العصبي نظراً لارتباط طبيعة عمل الذاكرة بالجهاز العصبي لدى الإنسان، فقد تبين من دراسات "فليشر" (1995) ، Robbins et. al. (2000) أن "هانكن" Hunkin (2000) ، "روبنز وزملائه" (2000) أن الجزء الأمامي من المخ هو الجزء المنوط به عملية تشفير المعلومات واستدعائها، كما حددت دراسات "دولان، فليشر" (1997) Dolan & Flecher ، "روج Rugg et. al. (1997) الأدوار النسبية للجزء الأمامي بالإضافة إلى توضيح العمليات الوسيطة التي تقع بين التشفير والاستدعاء، ولقد عرض تقرير "Alan، نيکولا" Alan & Nicola (2001) الذي سبقت الإشارة إليه العديد من دراسات الذاكرة في ارتباطها بمتغيرات تابعة متعددة.

ولم تختلف الدراسات العربية المهتمة بالذاكرة في القرن العشرين عن الدراسات الأوروبية، فمن الدراسات العربية في هذا الميدان من اهتم بالتمييز بين الذاكرة طويلة المدى وقصيرة المدى من خلال عمليات الاستدعاء والتعرف ونوع المعلومات المعروضة على المفحوصين مثل دراسات (عادل محمد العدل: ١٩٩٣)، (أحمد غنيم: ١٩٩١)، (هبة محمد وجيه: ١٩٩١). ومنها من تناول العلاقة بين الذاكرة قصيرة المدى وبعض العوامل المعرفية في إطار تخزين المعلومات بطريقتي العرض المتأني والمتتابع للمعلومات وأثر ذلك على حفظ المعلومات في الذاكرة كما في دراستي (عادل محمد العدل : ١٩٨٩ ، ١٩٩٠)، ومنها من اهتم بدراسة الفروق الفردية في الذاكرة قصيرة المدى مثل دراسات

(هبة محمد وجيه: ١٩٩١)، (أميرة عباس: ١٩٩٢)، (ممدوح غنيم: ١٩٩٤)، (عادل محمد العدل: ١٩٨٩، ١٩٩٠)، كما اهتمت (أميرة عباس: ١٩٩٠) بدراسة النمو في الذاكرة قصيرة المدى لدى الأطفال، وتناولت دراسة (ممدوح غنيم: ١٩٩٤) مستويات تجهيز المعلومات واستراتيجيات التشفير، أما دراسة كل من (إمام مصطفى و صلاح الشريف: ١٩٩٩) فقد اهتمت بمعرفة الاستراتيجية التي يستخدمها الطلاب في تشفير واسترجاع المعلومات، ومكونات ما وراء الذاكرة وأثرها على التحصيل الدراسي . وبحثت دراسة كل من (صلاح الشريف وعلى أحمد مصطفى : ١٩٩٩) طبيعة العلاقة بين كل من العمر، الخبرة التعليمية والذكاء من جهة والذاكرة السمعية والبصرية (المباشرة و المرجأة) من جهة أخرى. واهتمت دراسة (محمد عبد السلام سالم : ١٩٩٨) بأثر تقديم المعلومات بمستويات مختلفة (وحدات، فنات، علاقات) على سعة التخزين والتذكر السمعي – البصري في الذاكرة قصيرة المدى، وكذلك أثر التفاعل بين نوع المعلومات (بصرية – سمعية) ومستوى المعلومات على سعة التخزين والتنكر في الذاكرة قصيرة المدى. وركزت دراسة (أمينة إبراهيم شلبي : ٢٠٠٠) على العلاقة بين الذاكرة العاملة والتحصيل الأكاديمي، ومدى استخدام الذاكرة كمنبئ للتحصيل الأكاديمي لدى ذوى صعوبات التعلم. واهتمت دراسة ( محمد نعيم شريف: ١٩٩٥) بدراسة العلاقة بين القلق كأحد المتغيرات اللامعترفة و الذاكرة كأحد المتغيرات المعرفية للشخصية، كما حاول في دراسة أخرى (١٩٩٤) توضيح العلاقة بين الذاكرة طويلة المدى بالذاكرة قصيرة المدى. وعلى الرغم من تعدد الدراسات التي أجريت على الذاكرة سواء الأجنبية أو العربية منها، إلا أن الباحثين – وفي حدود إطلاعهما – لم يجدا دراسات اهتمت بمتغيرات الدراسة الحالية المتمثلة في الذاكرة السمعية والبصرية ودورها في تجهيز معلومات التفكير الرياضي الذي يتم أثناء حل المشكلات الحسابية التي تتطلب من المفحوص إجراء عمليات عقلية حسابية مختلفة.

**مفهوم الذاكرة:**

تعد الذاكرة الإنسانية بمكوناتها المبتددة متغيراً معرفياً مهماً يؤثر على كفاءة وفعالية نظام تجهيز المعلومات الذي يمتلكه الإنسان، فعلى الرغم من تميز مكونات الذاكرة إلا أنها مقاولة فيما بينها، وهذا التفاعل ينعكس بدوره على فعالية نظام تجهيز المعلومات نفسه. ويتميز نظام الذاكرة بتنوع عملياته، فبعض هذه العمليات يقوم بتسجيل التفاصيل الدقيقة للصور الحسية لفترات طويلة تمكن الفرد من التعرف على الأصوات والمرئيات والأحاسيس وتحديدها وتصنيفها، وليس ذلك فحسب بل تقوم الذاكرة بتسجيل جميع الخبرات التي يمر بها الفرد في حياته اليومية (أنور الشرقاوى: ١٩٩٢، ١٢٥).

ويعتبر علماء النفسيولوجى أن الذاكرة بمثابة قدرة نفسية، بمعنى أنها خاصية أو وظيفة مباشرة للنفس، بحيث يمكن دراستها بالأسلوب الفلسفى الاستيباطى، بيد أن مصطلح الذاكرة يتبع الحديث عن الوحدة الترابطية البنائية للعديد من الأنشطة التى تعكس فى أصولها العمليات البيوفسيولوجية من جانب، والعمليات النفسية من جانب آخر، ويتوقف مدى تحقيق تلك العمليات فى لحظة ما على مدى التقارب أو التباعد الزمنى للأحداث المكونة للذاكرة (عبد الوهاب محمد كامل: ١٩٩٤، ١٧٠ - ١٧١).

و يشير مفهوم الذاكرة إلى العملية أو العمليات التي يتم فيها تخزين المعلومات الجديدة المكتسبة والاحتفاظ بها لحين استدعائها، كما أنه يمكن استخدام مصطلح الذاكرة لوصف استدعاء الفرد لخبراته النوعية أو المجموعة الكلية للخبرات التي يذكرها وسبق تخزينها في المخ (محمد أحمد شلبي: ٢٠٠١ - ١٣٠).

ويرى (محمد كامل عبد الرحمن: ١٩٩٣، ٤٨) أن الذاكرة لا تعتبر ملكرة عامة ولكنها عبارة عن ملకات نوعية، فبعض الأفراد أقدر من غيرهم على تذكر الأسماء، أو تذكر ملامح الوجه، أما البعض الآخر فهو أكثر مهارة على سرد تفاصيل الأحداث الماضية والتاريخية. ويضيف أن الذاكرة الجيدة ليست بالإسقافية التي تمنص كل شيء وتتنكر، بل الذاكرة يجب أن تقوم بعملية فرز واختبار لما

يوعي ويسترجع، وعلى هذا لا يكون النسيان دائمًا عكس التذكر أو ضدّه بل يكون مساعدًا عليه.

وتتبّع الدراسة الحالية تعريفاً للذاكرة تحديده كما يلى: هي العملية أو العمليات التي يتم بها تخزين المعلومات والخبرات المكتسبة والاحتفاظ بها لحين استدعائها، والتي تتميز بقدر كبير من تنوع العمليات المتضمنة، حيث يقوم بعض هذه العمليات بتسجيل التفاصيل الدقيقة للصور الحسية لفترات طويلة تمكن الفرد من تحديد وتصنيف المعلومات الحسية السمعية والبصرية والاستفادة منها ويمكن قياس ذلك بمهام سمعية وبصرية.

#### أطوار الذاكرة:

لقد أشار ( عبد الوهاب محمد كامل: ١٩٩٤ ، ١٧٢ ) أن نشأة أي فعل للذاكرة غالباً ما يتضمن ثلاثة أطوار أو مراحل رئيسية هي:

- مرحلة التعلم:

وفيها يقوم الفرد بعملية طبع مادة محددة طبقاً لمقتضيات الموقف، وقد تؤدي هذه المرحلة إلى فعل إدراكي سريع أو نشاط على درجة من الصعوبة يتطلب التكرار والممارسة حتى يتم استيعاب المادة موضوع التعلم.

- مرحلة تخزين المعلومات:

تتخصّص هذه المرحلة في الفترة الزمنية التي يمكن أن يحتفظ الفرد خلالها بالمادة المتعلمة، وقد تضيق هذه الفترة الزمنية ( أي تكون قصيرة ) ومن ثم توصف الذاكرة بأنّها قصيرة المدى أو قد يمتدّ بقاياها تحت شروط خاصة لتوصف بأنّها ذاكرة طويلة المدى.

- مرحلة الاستخدام الواقعى للذاكرة:

ويمكن في هذه المرحلة استخدام ما تم استيعابه عن طريق عدة عمليات ( التعرّف ، الاسترجاع ، إعادة التعلم ) على شكل مخرجات قد تكون لفظية أو صوتية أو بصرية أو بشكل يجمع بين ذلك كلّه .

### أنواع الذاكرة:

لقد تعددت وجهات النظر حول وضع تصنيف لمكونات الذاكرة البشرية، وبعتبر التصنيف الذي أوضحه (عزت عبد العظيم الطويل: ١٩٩٥، ٢٤٥ - ٢٤٧) أحد هذه التصنيفات، حيث أنه قسم الذاكرة إلى: ذاكرة حسية تشمل إحساسات السمع والبصر واللمس، والفرد الذي يفقد القدرة على تمييز الأشياء يستطيع أن يدرك الأشياء في هذه الذاكرة ولكنه لا يستطيع التعرف، والذاكرة الاجتماعية التي تميز الإنسان عن بقية الكائنات، وهذه الذاكرة تتطلب أنساقاً منطقية، أي تمثيلات جماعية وهي تتأثر في الغالب بالضعف الذهني العام، والذاكرة الفصامية التي تعتبر ذاكرة الأحلام وحالات الهذيان وهي تتضمن على مجموعة كبيرة من الذكريات العاطفية.

أما (عبد الوهاب كامل: ١٩٩٤، ١٧٤ - ١٧٥) فيصنف أنواع الذاكرة من وجهة نظره وطبقاً لخصائص تخزين المعلومات إلى أربعة مكونات أو أنواع تتمثل في: ذاكرة الصور البصرية visual memory ويتم فيها عملية طبع وتسجيل المعلومات، وهذه الذاكرة مرتبطة بنظام الإشارة (سمعي، بصرى، حسى، والتخيلات البصرية)، فتنظر الفرد للتمارين الرياضية - على سبيل المثال - يعتمد على تكامل الصورة البصرية للتمرين ككل، وتلعب هذه الذاكرة دوراً مهماً الأنشطة في الابتكارية والإبداعية. أما الذاكرة اللغوية المنطقية logical verbal memory ففهمتها حفظ الألفاظ ذات المعنى، وتنعكس طبيعة عملها على جوهر الأشياء والظواهر المراد تذكرها، كما أنها تعتمد في عملها على إدراك العلاقات المنطقية بين العناصر المتعلمة أو المراد تذكرها. وتعتمد الذاكرة الحركية (العاملة النموذجية) working model memory على شكل المادة المتعلمة، فهي التي تساعد الفرد على تذكر الحركة المنتظمة لنقطة مادية لها سرعة محددة، كذلك يمكن الفرد من تذكر خصائص الموجات بمعرفة مفهومي التردد والسرعة حيث يقوم الفرد بتصور شكل النقطة المادية طبقاً لحركة خاصة تبعاً لقوانين الحركة التوافقية البسيطة. ويبقى في هذا التصنيف نوعاً آخرأ من أنواع الذاكرة تتحضر مهمته في تخزين الانفعالات، فالذاكرة الانفعالية

فمهمتها تخزين الإحساسات المصاحبة للحالات الانفعالية emotional memory المختلفة مثل حالة عدم الاتزان، أو الضيق، أو الخوف، أو النشوة.

بينما يرى فريق ثالث أن الذاكرة يمكن أن تصنف إلى ثلاثة عوامل تبعاً لطبيعة نشاطها، فقد أوضح (أنور الشرفاوى: ١٩٩٢، ١٥١ - ١٥٢) أن عامل الذاكرة الارتباطية associative memory أو الذاكرة الصماء rote memory هو الذي يوكى إليه استرجاع - أو التعرف على - عنصر معلوماتي سبق وأن ارتبط بعنصر معلوماتي آخر، بينما يقوم عامل الذاكرة البصرية visual memory بذكر تراكيب الأشكال وموضعها واتجاهها، أما عامل مدى الذاكرة memory range فهو المسئول عن الاستدعاء الكامل لسلسلة من العناصر أو الوحدات بمجرد أن يقدم للفرد عنصر واحد فقط من هذه السلسلة، كما يفسر هذا العامل بأنه إمكانية تمييز أكبر عدد ممكن من العناصر أو الوحدات التي يتم استيعابها خلال فترة زمنية معينة من الإدراك الفوري.

ولقد صنف "تلنج" (1989) الذاكرة إلى نوعين هما: ذاكرة الخبرات (الأحداث) Episodic memory ومهمتها استقبال وحفظ المعلومات الخاصة بوقائع أو أحداث مؤقتة، وهي عرضة للتلاشي والفقدان إلى حد كبير، إلا أنها مهمة كأساس للتعرف على الأحداث التي صادفناها في الماضي، وذاكرة المعاني Semantic memory ومهمتها تذكر الكلمات والمفاهيم والقواعد والأفكار المجردة، وهي ضرورية لاستخدامها للغة حيث تعد بمثابة موسوعة عقلية تنظم المعلومات التي يقوم الفرد بمعالجتها عن الكلمات والرموز اللفظية الأخرى. (روبرت سولسو: ١٩٩٦، ٢٤٦ - ٢٤٧).

وفي ضوء ما سبق يقترح الباحثان تصنيفاً للذاكرة يتلخص في:

- الذاكرة الحسية: وهي تتضمن الذاكرة السمعية والبصرية واللمسية والشممية والتذوقية، وهي مرتبطة بالحواس.
- ذاكرة المعاني: وهي التي تتضمن تذكر الكلمات والمفاهيم والقواعد والأفكار والرموز اللفظية المجردة.

- الذاكرة الحركية: وهي التي تتضمن تذكر ديناميكية المادة المتعلمة ذات الطابع الحركي.
- الذاكرة الفصامية: وتتضمن تذكر الأحلام وحالات الهذيان، بالإضافة إلى تذكر العواطف والانفعالات.

والدراسة تهتم بنوعين فقط من أنواع الذاكرة مما:

(١) الذاكرة الحسية والتي اهتم بها العديد من علماء النفس، وخاصة فيما يتعلق بالذكريات السمعية والبصرية باعتبارها الآلية التي تقوم بعمل الرموز الأولية، ثم تقدم تقريراً مختصراً للذاكرة قصيرة المدى عن المنشآت التي يتعرض لها الفرد حتى يكون قادرًا على استرجاع أية معلومات ترتبط بهذه المدخلات، وهذا ما أشار إليه وأكده "ليستر" Lester (١٩٩٧-١٩٨٦). والذاكرة الحسية المرئية (البصرية) تسمى في بعض الأحيان بالذاكرة الإيقونية Iconic memory وهي تعمل وفق نظام التخزين المعتمد على صورة المرئيات وتشتمل على صور كل ما نراه، أما بالنسبة للنظام السمعي فإن نظام التخزين يسمى بالتخزين السمعي ومدة بقاء المادة المخزنة فيه يقدر بثلاث ثوانٍ ووظيفة هذه الذاكرة هي الإبقاء على المعلومات حتى تتم معالجتها في الذاكرة القصيرة، وهي تستخدم في تحليل كل الأصوات التي تستقبلها لنقرر أي منها سيتم تحويله للذاكرة القصيرة (محمد أحمد شلبي: ٢٠٠١ - ١٣٨).

ويضيف "ليستر" Lester أن الذاكرة الحسية تعتبر ذاكرة مؤقتة وضعيفة، لذلك فإن المعلومات يتم تخزينها فقط في حالة تحويلها إلى إشارات إضافية أي أن المعلومات إما أن يتم تخزينها أو أن يتم فقدانها، والجدول التالي يوضح ملخص لعملية التذكر الحسي كما حددها "ليستر" Lester.

## جدول رقم ( ١ ) ملخص عمليات الذاكرة الحسية "سمعية / بصرية "

العمليات الأساسية في الذاكرة الحسية						المرحلة
النسين	مدة بقاء الحدث في الذاكرة	الاسترجاع	التخزين	إرسال الإشارات		الذاكرة الحسية
تحليل سريع للمعلومات الناتجة التسللية بين المثيرات	المرتبة: ٤٥٠ مللي/ ثانية	تدخل المعلومات بوسطه المثيرات وتحول إلى الذاكرة	مخترق مؤقت سهل النسخ	بصرية أو سمعية تخزين صوت أو صورة		

ولقد أوضح ( محمد أحمد شلبي: ٢٠٠١ ، ١٤٠ ) أن التأكيد على أهمية الذاكرة السمعية عن البصرية من خلال الظاهرة المعروفة باسم أثر الوسيط Modality effect والتي يتم فيها استرجاع المعلومات الصوتية أفضل من البصرية، لأن ذلك ربما يعكس حقيقة أن صدى الصوت يبقى مدة أطول من الصور اللاحقة، وأن الصوت اللاحق يتيح وقتاً أطول يكفي لتحويل المعلومات المهمة إلى ذاكرة المدى القصير، ويتيح للمعلومات فرصة أكبر لمزيد من التنظيم والمعالجة.

( ٢ ) ذاكرة المعانى والتى تعد بمنابع موسوعة عقلية فى تنظيم المعلومات التي يعالجها الفرد كالكلمات والرموز اللغوية ومعاناتها و العلاقات القائمة بينها والقواعد الى تحكمها والتى يرى الباحثان أهميتها فى التفكير الرياضى وخاصة فى حل المشكلات الرياضية الكلامية التي تعتمد على الاستقراء والاستنباط الرياضى بجانب قدرات أخرى، الأمر الذى يتطلب من المفحوص ثروة لغوية مكتسبة ومخترنة فى الذاكرة لفهم معانى المفاهيم الرياضية البسيطة والمعقدة، وكذلك إدراك العلاقات بين هذه المفاهيم وخاصة اللغوية وترجمتها إلى رموز. ولقد أشار العلماء تأكيداً لذلك إلى أن دراسة الرياضيات هو شكل من أشكال السلوك الانسانى الذى يتضمن القدرة على الاستقراء والاستنتاج والقدرة على حل المشكلات وكذلك القدرة على الفهم والتذكر، وهذا يشير من ناحية أخرى إلى الفروق الفردية فى التعلم والتذكر والفهم مما يدل على وجود تطبيقات كثيرة للرياضيات التى تهدف فى النهاية إلى تربية التفكير الرياضى " نونيس و براينت " ( 1997 ) Nunes & Bryant .

**قياس الذاكرة:**

يمكن قياس الذاكرة بطرق عديدة، إلا أن الباحثين آثروا ما أشار إليه ( محمد شحاته ربيع وآخرون: ١٩٩٥ ، ٤٧٥ ) نظراً لملاءمتها لأغراض البحث الحالي ويتمثل قياس الذاكرة في:

**التعرف:** ويقصد به مدى معرفة الفرد بخبرات سبق له دراستها أو اكتسبها في الماضي وذلك عند عرضها عليه مرة أخرى ( أي إثناء إجراء تجربة الدراسة ).

**الاستدعاء:** ويقصد به قدرة الفرد على استحضار خبرات سبق له المرور بها في الماضي من ذاكرته دون أن تكون هذه الخبرات ماثلة لحواسه في الوقت الراهن، وعلى ذلك فالدراسة الحالية قامت بقياس الذاكرة بهاتين العمليتين ( التعرف / الاستدعاء ) باستخدام اختبارات ذات مهام سمعية وبصرية.

**بنية الذاكرة:**

تحددت بنية الذاكرة في الدراسة الحالية تبعاً لآلية تخزين واسترجاع المعلومات التي أوضحتها الدراسات والبحوث والكتابات التالية: ( أنور الشرقاوى: ١٩٩٢ - ١٢٧ ، ١٢٨ )، ( فؤاد أبو حطب: ١٩٩٢ ، ٢٩٧ )، ( عبد الوهاب كامل: ١٩٩٤ ، ١٨٠ )، ( جابر عبد الحميد: ١٩٩٤ ، ٢٠٢ )، ( محمد شحاته ربيع وآخرون : ١٩٩٥ ، ٤٧٥ )، ( عزت الطويل: ١٩٩٥ ، ٢٣٧ - ٢٣٨ )، و تتلخص في ثلاثة أنظمة:

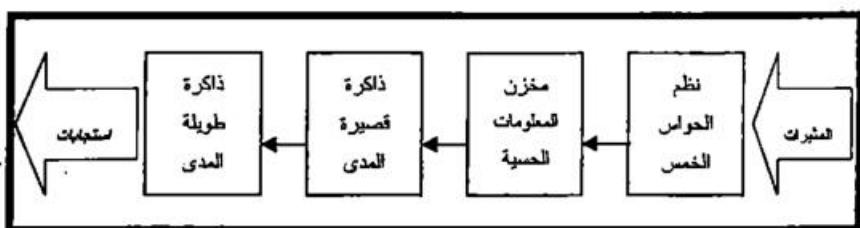
- نظام تخزين المعلومات الحسية Sensory Information Storage وهو على درجة كبيرة من الأهمية بالنسبة لعملية المعالجة الإدراكية للمعلومات التي تنتقل عبر قنوات الاتصال الحسي؛ وهي تستغرق في الغالب جزءاً من الثانية.

- نظام الذاكرة قصيرة المدى Short-Term Memory وينتقل المعلومات في هذا المخزن لثوانٍ معدودة، ويختلف هذا النظام عن سابقه في أن المعلومات تكون مستقرة فيه حيث يتم تصنيفها بعد معالجتها حسياً، وقد يكون الفرد في حاجة ماسة إلى تلك المعلومات مما يستدعي استرجاعها واستخدامها بطريقة

فورية، أو أنه يقوم بإعادة معالجتها وتنظيمها ويرجع استخدامها لفترة لاحقة مما يبقيها لفترات زمنية أطول في النظام الثالث.

• نظام الذاكرة طويلة المدى Long-Term Memory وفيه تبقى

التسجيلات الدائمة لخبرات الفرد التي تراكمت عبر فترات حياته، ويتميز هذا المكون من مكونات الذاكرة بأن فترة بقاء المعلومة فيه غير محدد كما في المكونين السابقين، وفيه يتم تنظيم المعلومات بطريقة تسمح ببقاءها لفترات طويلة يعتقد أنها تتم طبقاً لشبكة من المفاهيم والمعانٍ. والشكل التالي يوضح هذه المكونات. بتصرف عن "أنور الشرقاوى: ١٩٩٢ - ١٢٨".



شكل رقم (١) بنية الذاكرة، بتصرف عن (أنور الشرقاوى : ١٩٩٢).

كما يوضح الجدول التالي بعض خصائص المعالجة والتجهيز للمعلومات التي يتم تخزينها في نظام الذاكرة، وهو بتصرف عن (روبرت سولسو: ١٩٩٦ ، ٢٢٨).

**جدول رقم ( ٢ ) خصائص أجهزة التخزين المعرفي**

سبب قليل الاستدعاء	العمليات					بنية الذاكرة
	إمكانية الاستدعاء	السذowm	الستامة	الشفرة*		
	كاملة**	٢٥٠ مللي/ ثانية إلى أربع ثوان	٢٠-١٢ فقرة*** إلى مقدار ضخم	حسى العالم	المستودع الحسي	
الإخلال التدالل الإغفاء	كاملة: تذكر فقرة كل ٣٥ ملي/ثانية	١٢ ثانية تقريباً أو أكثر مع التسريع الذاتي	٢ فقرة	المعلم الحسي الصوتية والبصرية والدلالية يتم معالجتها وتنسيقها	الذاكرة قصيرة المدى	
التدخل والخطل وظيفي والعصوى وهابيات غير مناسبة	معلومات مبنية وعامة انتيج لها هابيات مناسبة	غير محدد	ضخم غير محدد في الواقع	المعلومات ذات المعنى والمعلومات البصرية والمحركات والصور ذات المعنى	الذاكرة طويلة المدى	

\* - كيف يتم تمثيل المعلومات.

\*\* - مع توافر هابيات مناسبة.

\*\*\* - مقدر.

**تجهيز ومعالجة المعلومات:**

يتوقف نشاط وفعالية نظام تجهيز ومعالجة المعلومات على انسياط وتدفق المعلومات من خلال الوحدات المكونة له، ويستخدم مصطلح معالجة المعلومات Information Processing للإشارة إلى عملية تخزين المعلومات وما قد يطرأ عليها من تعديل أو ما تتعرض له من فقدان أثناء هذه العملية (أرنو. ف . ويتتج: ١٩٨١ ، ٢٤٢)، ويستخدم أيضاً للإشارة إلى العديد من المدخلات المعرفية لدراسة الذاكرة، حيث يمكن فهم العمليات المعرفية للإنسان بصورة أفضل إذا نظرنا إليها كسياق من (المدخلات - المعالجات - المخرجات)، وهو السياق الذي يتبعه عقل الفرد أثناء قيامه بالتسجيل الرمزي للمعلومات واحترازها واستعادتها (أرنو. ف . ويتتج: ١٩٨١ ، ٢٢٧). وتعتمد دقة المعلومات في تجهيزها ومعالجتها واستدعائهما على ثلاثة عمليات حددتها "موردوك"

( ) Murdock: 1974 كمعالجات للتذكر، ( محمد أحمد شلبي: ٢٠٠١ ، ١٣١ -

١٣٣ ) يمكن تلخيصها فيما يلى:

**أولاً: الترميز:**

وتشمل الإدراك الأول لمنبه حسى معين، ثم تترجم أو ترمز هذه المعلومات لكي يتم تخزينها بسهولة، و تتضمن هذه العملية تنظيماً للمعلومات بعدة طرق ذات معنى، سواء كانت هذه المعلومات صوتية أو مرئية أو ذات ملمس أو رائحة خاصة.

**ثانياً: التخزين:**

وهي العملية التي يتم فيها حفظ المعلومة التي تم ترميزها بحيث تبقى فترة من الوقت تختلف تبعاً لظروف استخدامها، وتتأثر كفاءة هذه العملية بالجهود الذي يبذلها الفرد في ترميز وتنظيم ما يقوم ب تخزينه.

**ثالثاً: الاسترجاع:**

وهي الخطوة النهائية في عملية التذكر، فإذا ما تم ترميز وتخزين المعلومات بدقة، أمكن استرجاع هذه المعلومات من الذاكرة في وقت لاحق، وكلما بذل الفرد جهداً أكبر في تجهيز المعلومات أثناء تخزينها كلما كانت فرصة استدعائه لها بدقة أكبر. ويعتمد استرجاع المعلومات بالنسبة للطفل في المرحلة الابتدائية على مدى فهمهم الجيد للحروف والكلمات وال العلاقات القائمة بينها، فقد يكون هناك أطفال من نفس العمر لا يمتهنون بمثل هذه المميزات وبالتالي يعجزون عن استرجاع المعلومات التي يحتاجها موقف، ويمثل ذلك الأساس للتفكير الانساني الذي يتطلب جانب ذلك فهم المفاهيم البسيطة والقدرة على استخدامها "بيلجريني" ( Pellegrini: 1995 ).

**ثانياً: التفكير الرياضي:**

لقد ظهر مفهوم التفكير الرياضي في بدايته كنتيجة لدعم المؤسسة القومية الأمريكية للعلوم بالتعاون بين الاتحاد الأمريكي للمعلمين ومركز تدريب وتطوير البحث في جامعة بنسيرج، وذلك للتعرف على كيفية تعلم التلاميذ للرياضيات على

= (٣٢٣) = المجلة المصرية للدراسات النفسية - العدد ٤٧ - المجلد الخامس عشر - أبريل ٢٠٠٥ =

## **الذاكرة وتجهيز معلومات العمليات في التفكير الرياضي**

مدى أربع سنوات، ومن خلال ذلك تم تطوير سلسلة من الأنشطة لمساعدة المعلمين ونظرائهم من غير المتخصصين على فهم نتائج البحث والاستفادة منها داخل حجرات الدراسة. والتفكير الرياضي لا يعتبر منهجاً كما يظن البعض نظراً لأنه لا يوفر تتابعاً مفصلاً لمحتوى الدروس المستخدمة مع التلاميذ، لذلك فهو يعتبر عملية يمكن المعلمين من خلالها اكتشاف كيفية تعلم الرياضيات. ويسعى التفكير الرياضي لبناء حس عددي لدى جميع التلاميذ عن طريق استخدام الأيدي في الأنشطة، والمشكلات الموجودة في البيئة، والمناقشة الإثرائية، وهذا يساعد التلاميذ في تصور كل ما يتعلق بالمشكلة والتفكير في كيفية حلها، كما يعرفهم بما هو مناسب عند تعاملهم مع الأرقام، والتأمل في القاعدة الرياضية ومعناها وعلاقتها بالعالم الواقعي." تقرير رابطة المعلمين الأمريكيين الفيدرالي " (٤) .

ولعل أهم البحوث التي أجريت في التفكير الرياضي تلك التي أجراها " كريتتسكي Krutetskii ( 1980 ) " والتي توصل فيها إلى نتائج مهمة تلخص في:

- يمثل التفكير الرياضي قدرة على إقامة تعميمات عريضة وسريعة.
- أن التفكير الرياضي يتضمن قدرة التلميذ على تجميع خيوط عملية الاستدلال، واستخلاص سريع لنتيجة معينة.
- أن التفكير الرياضي يتطلب قدرة من التحول السهل والسريع من الاستدلال المباشر إلى الاستدلال غير المباشر.

كما حدد كل من "أليس ولوالى" ( Alice & Lovely: 2001, 3 ) ضمن تقرير الاتحاد الفيدرالي الأمريكي للمعلمين عدداً من المبادئ لتنمية التفكير الرياضي لدى التلاميذ تتضح فيما يلى:

- ابدأ بالمعرفة البديهية لبناء معرفة حدسية من خلال التلاميذ أنفسهم.

(٤) متاح على شبكة المعلومات في الموقع <http://www.aft.org/thinkmath/>

- تكوين حساسية خاصة بالأرقام. من خلال العد والتقدير باستخدام العمليات والمهارات الحسابية العقلية وفهم آثار هذه العمليات.
- إيجاد تعليم قائم على حل المشكلات الموقفية الكلامية والثانية توفرها البيئة المحيطة.
- استخدام اليد والتمثيليات ( التصورات ) للتعبير عن المشكلة الموقفية، والترتبط بين التصورات المحسوسة والمجردة.
- حدّ التلاميذ على تصوير وإبراز تفكيرهم الرياضي بصورة مسموعة.
- قبول المعلم الحلول الصحيحة المتعددة عندما يكون للمشكلة الرياضية أكثر من حلٍ واحد صحيح.
- استخدام المعلم استراتيجيات متعددة للتدريس.
- موازنة المعلم بين التعلم المفاهيمي والتعلم الاجرامي.
- استخدام المعلم طرق جديدة في عملية التقويم التي يجب أن تتم بصورة مستمرة للاستفادة من نتائجها.
- أن تكون الخطة الزمنية للمنهج شديدة الدقة والانتظام.

ويرى ( خليفة عبد السميع: ١٩٨٥ ، ١٥١ ) أن التفكير الرياضي يتكون في المواقف التي يلتقيها المتعلم في الحياة اليومية، والتي يمكن إعطاؤها دلالة ومعنى عن طريق الأنشطة المتنوعة والعمليات العقلية المتنضمة في هذا النوع من التفكير. أما "ليس، لا لقى" ( Alice & Lovely: 2001, 3 ) فيعتقدان أن قيمة التفكير الرياضي تكمن في أنه تفكير رياضي، وتوصل رياضي، وتركيز على العلاقات، واستعمال للمعلوم في إيجاد المجهول. ويتشكل محتواه وترتيبه على أساس فكرة أنه بمجرد تعلم الأطفال للرياضيات يمكنهم بل ويجب عليهم الاشتراك في المناقشات والتحليل وحل المشكلات الرياضية. ويعرف ( حسين غريب : ١٩٨٢ ) مفهوم التفكير الرياضي بأنه التفكير المصاحب للفرد في مواجهة المشكلات والمسائل الرياضية عند محاولته إيجاد حل لها، وتحده عدة اعتبارات تتعلق بالعمليات العقلية التي تتكون منها عملية الحل، وكذلك العمليات المنطقية التي تتكون

## **الذاكرة وتجهيز معلومات العمليات في التفكير الرياضي**

منها عملية حل المسائل المختلفة، أو العمليات الرياضية التي يجب أن تستخدم لإجابة سؤال المشكلة أو المسألة الرياضية (حسين غريب حسن: ١٩٨٢).

ويذكر (محمود أحمد شوقي: ١٩٩٧، ١٨٥ - ١٩٤) أن التفكير الرياضى

خصائص عديدة ومتعددة، ومنها على سبيل المثال:

(١) التفكير الدقيق والذى يعد من أهم ما ينبغي أن يكتسبه المتعلم فى دراسة الرياضيات، بالإضافة إلى المهارة فى استخدامه حين مواجهة المشكلات والتعبير عن أفكاره.

(٢) التفكير التأملى، ويستخدم هذا النوع عندما يشعر الفرد بالارتباك إزاء مشكلة أو مسألة رياضية يود حلها نتيجة لعدم وضوح طريقة الحل، لذلك يتطلب هذا النوع من التفكير تحليل الموقف إلى عناصره المختلفة، والبحث عن العلاقات الداخلية بين هذه العناصر.

(٣) التفكير الاستقرائي، وهو يتلخص فى استنتاج قاعدة عامة أو استخلاص خاصية عامة من الحالات الخاصة.

(٤) التفكير الاستدلالي، وفيه يتم تطبيق القواعد العامة الصحيحة فى البرهنة على صحة القضايا الخاصة بالنظريات الهندسية.

والدراسة الحالية تعتبر التفكير الرياضى نشاطاً عقلياً معرفياً منظماً يصاحب الفرد "تلاميذ المرحلة الابتدائية" عند مواجهة المشكلات الرياضية الموقفيّة والمسائل الرياضية الكلامية الواقعية، وتحدهه عدة اعتبارات تتعلق بالعمليات العقلية "الاستقراء، الاستبساط، إدراك العلاقات، إقامة التعميمات، وفهم دلالة الألفاظ الرياضية والتعبير عنها في صورة رمزية"، وتتحصر تلك العمليات في عدة عمليات حسابية هي (الجمع، الطرح، الضرب، والقسمة) والتي يستخدمها التلميذ لإجابة سؤال المشكلة أو المسألة الرياضية.

### **الدراسات السابقة :**

من خلال مسح الدراسات السابقة في مجال الذاكرة والتفكير الرياضي، وكذلك تعلم الرياضيات وقف الباحثان في حدود علمهما على مجموعة من الدراسات التي

اتجه البعض منها إلى دراسة الذاكرة والتفكير المشكل في الرياضيات كما في دراسة "باسولونج و سigel " ( 2001 ) Passolunghi & Siegel التي بحثت في العلاقة بين ذاكرة المدى القصير، الذاكرة العاملة، والضبط التحكمي inhibitory control ، وبين حل المشكلات الحسابية اللغوية لدى الأطفال. وقد بيّنت نتائج الدراسة أن هناك مجموعة من الأطفال قاموا بحل مشكلات ذات قيمة ضئيلة كما سجلوا نسباً منخفضة، بالإضافة إلى وجود المزيد من الأخطاء المعتممة، والموانع في متطلبات مهام الذاكرة العاملة، ووجود معلومات غير متعلقة بالموضوع إذا ما تمت مقارنتهم بالأطفال الذين نجحوا في حل المشكلات بطريقة جيدة. وأشارت النتائج إلى أن معدلات الأداء في القدرة تقلل من إمكانية الوصول إلى المعلومات التي لا ترتبط بالهدف .

أما دراسة "سوانسن وآخرين " ( 1993 ) Swanson et.al. فاهتمت بدراسة أثر الذاكرة العاملة والقدرة على التصنيف لدى الأطفال على حل المشكلة اللغوية، وذلك من خلال دراسة أثر كلٍ من تخطيط الطفل لحل المشكلة وسعة الذاكرة العاملة لديه على دقة حلول الطفل للمشكلات الحسابية الكلامية. وقد دعمت نتائج الدراسة الافتراض القائل بأن مقدار تشغيل مصادر الذاكرة العاملة مستقل تماماً عن مصادر تنشيط التخطيط لحل المشكلة، كما بيّنت النتائج أيضاً أنه توجد علاقة ارتباطية ضعيفة بين الذاكرة ودقة حل المشكلة .

واهتمت دراسة "جيرى وآخرين " ( 1991 ) Geary et.al. ببحث سرعة إنجاز العمليات الرياضية لدى الأطفال الذين يعانون من صعوبات التعلم والأطفال العاديين وعلاقة ذلك بالذاكرة. وأوضحت نتائج هذه الدراسة أن الأطفال العاديين يعتمدون على استرجاع المعلومات من الذاكرة، وقل لديهم الاعتماد على عمليات العد عند قيامهم بحل المشكلات الحسابية التي تقوم على عملية الجمع addition problems إذا تمت مقارنتهم بالأطفال الذين يعانون من صعوبات التعلم، كما تبيّن أن الأطفال الذين يعانون من صعوبات التعلم لم يغيروا من استراتيجياتهم المستخدمة في حل مشكلات الجمع الحسابي أو في معدل سرعة هذه الاستراتيجيات .

وأوضحت دراسة كل من "سوانسون و ساشيس" (Swanson & Sachese 2001) أن المعلومات التي يتم تنشيطها في الذاكرة العاملة تلعب دوراً مهماً في دقة حل المشكلات الرياضية لدى الأطفال الذين يعانون من صعوبات في حل المشكلات الرياضية عند مقارنتهم بالأطفال العاديين. حيث هدفت إلى دراسة العلاقة بين الذاكرة العاملة و حل المشكلات الرياضية لدى كل من الأطفال العاديين وذوي صعوبات التعلم المرتبطة بحل المشكلات الرياضية.

وهدفت دراسة "دورن و شيرنجتون" (Duren & Cherrington 1992) إلى بحث مدى فعالية العمل التعاوني مقارنة بالعمل الفردي المستقل عند تعلم بعض استراتيجيات حل المشكلات وتحويلها إلى ذكرة المدى الطويل. حيث تم تدريب ١٢٦ طالباً باستخدام طريقتين للتدريس إحداهما يتبع للطالب العمل مع الآخرين عند حلهم لمشكلات ذات صبغة رياضية، والأخرى يتبع للطالب العمل بطريقة فردية مستقلاً عن الآخرين. أكدت النتائج أن الطلاب الذين تربوا على العمل الجماعي التعاوني استخدمو استراتيجيات لحل المشكلات الرياضية في ذكرة المدى الطويل أفضل وأدق من تلك التي استخدموها الطلاب الذين تربوا على العمل بطريقة فردية. ولقد اهتمت بعض الدراسات ببحث علاقة الذاكرة بصعوبات التعلم في الرياضيات، ففي دراسة "ويلسون و سوانسون" (Wilson & Swanson 2001)

والتي هدفت إلى معرفة ما إذا كانت صعوبات تعلم الرياضيات ترجع إلى عجز في الذاكرة العاملة بشكل عام، أو أن تلك الصعوبات ترجع إلى عجز في مجال محدد في الذاكرة العاملة. لذلك ركزت هذه الدراسة على العلاقة بين الذاكرة العاملة اللغوية، والمكانية البصرية من جهة، ومهارة التقدير الرياضي من جهة أخرى، وتم اختبار ٩٨ طفلاً ورائداً من ذوي صعوبات التعلم في الرياضيات. وتوصلت الدراسة – بعد تثبيت متغيرات القدرة القرائية، العمر، الجنس – إلى أن قدرة التقدير الرياضي (الحسابي) يمكن التنبؤ بها عن طريق الذاكرة العاملة اللغوية بصورة أفضل من التنبؤ بها عن طريق الذاكرة العاملة المكانية البصرية.

وهدفت دراسة "جيри وآخرين" (Geary et. al. 1999) إلى التعرف على

أنماط الوظائف المعرفية التي تتعلق بمعرفة الأعداد والعمليات الحسابية، والعجز في تلك الوظائف لدى الأطفال الذين يعانون من صعوبات التعلم. وتمت المقارنة بين مجموعتين من الأطفال إحداهما تعانى من صعوبات فى تعلم الرياضيات أو القراءة أو كليهما، والأخرى كانت بمناولة مجموعة ضابطة. وتعرضت المجموعتان لعدد من المهام التجريبية التي تقيس : الفهم العددي، والمهارات الإنتاجية والمعرفة الحسابية، والذاكرة العاملة، وسهولة استرجاع المعلومات من الذاكرة طويلاً الأمد. ودللت النتائج على وجود نماذج مختلفة من الوظائف المعرفية الصحيحة السليمة لدى الأطفال العاديين، بينما تأكّد من النتائج أيضاً وجود قصور في تلك الوظائف المعرفية لدى الأطفال الذين يعانون من صعوبات تعلم الرياضيات أو القراءة أو كليهما معاً.

أما دراسة "سوانسن" (Swanson 1994) فتميزت باستخدامها محكين مختلفين لتصنيف الأطفال ذوى صعوبات التعلم في الرياضيات والقراءة وهما الذاكرة العاملة، والقدرة على التقدير الديناميكي Dynamic Assessment . وقد بلغ عدد هؤلاء الأطفال ١٤٣ طفلاً، تم تطبيق عدد من الأدوات عليهم تتمثل في: مقياس الذاكرة العاملة اللحظية والبصرية المكانية، ودللت نتائج الدراسة على أن التقدير الديناميكي يمكن أن يستخدم كمحك لتصنيف ذوى صعوبات التعلم، بينما لم تؤكّد النتائج دور الذاكرة العاملة كمحك لتصنيف الأطفال الذين يعانون من صعوبات التعلم. وفي دراسة أخرى أجرتها "سوانسن" (Swanson 1994) والتي دارت حول بحث دور الذاكرة قصيرة الأمد، والذاكرة العاملة معاً في فهم التحصيل الأكاديمي لدى الأطفال والبالغين من ذوى صعوبات التعلم. وتم بحث العلاقة بين الذاكرة قصيرة الأمد، والذاكرة العاملة لدى ٧٥ طفلاً من يعانون صعوبات في التعلم بالمقارنة بعدد من الأطفال العاديين بلغوا ٨٦ طفلاً. وأكّدت نتائج الدراسة أن كلاً من الذاكرة قصيرة الأمد، والذاكرة العاملة تعكسان عمليات مختلفة. وأن كلاً منها تفصل بين قدرات المجموعتين، كما دلت النتائج على وجود

## **الذاكرة وتجهيز معلومات العمليات في التفكير الرياضي**

علاقة ارتباطية بين نوعي الذاكرة من جهة والفهم القرائي والتحصيل الرياضي من جهة أخرى.

وقارنت دراسة "إس廷 وزملائه" (Epsten et. al. 1994) بين الطلاب الجامعيين الذين يعانون من الصمم والضعف الأكاديمي من جهة والطلاب العاديين من جهة أخرى، وذلك من حيث قدرة الذاكرة قصيرة الأمد على معالجة الأرقام. ودللت النتائج على أنه لا توجد فروق دالة بين مستوى دقة الطالب الصم والطلاب العاديين، إلا أن متوسط عدد استجابات الطالب الصم كان أكبر من الطلاب العاديين.

كما تمت دراسات أخرى في نفس السياق مثل دراسة "بلستان وأخرين" (Pletan et. al. 1995) والتي كانت تبحث ملاحظات آباء أطفال الحضانة المتوفين في الاستدلال الرياضي. حيث استخدمت الدراسة استبانة تم تطبيقها على مائة من آباء أطفال الحضانة المتميزين في العمليات الرياضية، وأظهرت نتائج التحليل وجود خمسة عوامل تميز استجابات الأطفال المتميزين من بينها عامل الذاكرة قصيرة المدى، والذاكرة طويلة المدى، وعامل الذاكرة الصماء "المسؤولة عن الحفظ والتذكر". كذلك دراسة "دارك وبينبو" (Dark & Benbow 1991) والتي كانت تدور حول التدعيم الفارق differential enhancement للذاكرة العاملة لعملية النضج اللغطي مقابل النضج الرياضي المبكر. وقام الباحثان في هذه الدراسة بمقارنة أداء الذاكرة العاملة لدى 77 تلميذاً من ذوى الموهاب العالية مع النضج اللغطي أو الرياضي المبكر أو لكليهما معاً. ووجدت الدراسة أن انماط النبوغ العقلى المختلفة ترتبط مع مختلف خصائص الذاكرة العاملة، وأن اختلاف تدعيم الذاكرة العاملة للنضج اللغطي مقابل تدعيمها للنضج الرياضي يعتمد على كيفية إثارة الكلمة أو رقم الآحاد الذى تم تمثيله في الذاكرة.

وهدفت دراسة "فوتنراك" (Futtersak 1990) إلى تحديد دور كل من الذاكرة قصيرة الأمد، والاستراتيجية المستخدمة في الحل كعوامل معرفية، والقلق كأحد العوامل غير المعرفية في فهم أساس العمليات الحسابية في سياق عملية

"الضرب". وتوصلت الدراسة من خلال تحليل نتائج ٣٢ طفلاً ينتمون إلى الصف الثالث إلى أن هؤلاء الأطفال لديهم معرفة ضعيفة بأساس عملية الضرب، وأنهم أقل قدرة على الحل السريع، وأن لديهم مهارات فقيرة جداً خاصة بالذاكرة قصيرة الأمد، وأن لديهم قلقاً واضحاً أثناء الحل. ويمكن القول على ضوء نتائج هذه الدراسة أن المعرفة الضعيفة بأساس عملية الضرب يرجع إلى ضعف ذاكرة المدى القصير بجانب قلق التلميذ واستخدامه لاستراتيجية معقدة في الحل.

اما دراسة "مالوش وأخرين" (Malloch et.al. 1995) فهي تعتبر من الدراسات النظرية التي اهتمت بدراسة أثر الحادثة على الذاكرة اللفظية الفورية وذلك بعرض التوصل إلى نموذج تجريبي للذاكرة الصوتية قصيرة الأمد من خلال إجراء منح للبيانات الخاصة بسمات الاحتفاظ والاسترجاع الصوتي، وتعلم الأبنية اللفظية. بينما بحث دراسة "ليثر و هنري " ( Leather & Henry 1994 ) العلاقة بين سعة الذاكرة المركبة، والذاكرة البسيطة، ومهام الوعي بالأصوات phonological awareness، ومدى أهميتها التنبئية في إيقان واستيعاب المفروء، والقدرة الحسابية. وتم تطبيق ١١ اختبار في ثلاثة جلسات على أطفال في سن سبع سنوات، وتوصلت الدراسة إلى نتائج تأكيد منها أهمية الذاكرة المركبة والوعي بالأصوات بالقدرة القرائية وفهم المفروء، والقدرة الحسابية.

وتناول (عادل محمد العدل: ١٩٨٩) في دراسته طريقة تجهيز الذاكرة قصيرة الأمد للمعلومات وعلاقتها ببعض القدرات العقلية، واهتمت الدراسة بطريقة التجهيز المتأني للمعلومات مقابل التجهيز المتتابع في علاقتها بكل من القدرات اللغوية، الاستدلالية، المكانية، والعددية – وهي القدرات المساهمة في تعلم الرياضيات كما أكدتها الدراسات – ومستوى هذه القدرات في عملية التعرف والاستدعاء، واستخدم لتحقيق هذه الأهداف عدد من المهام تضمنت في محتواها على أشكال، أعداد، كلمات ذات معنى، رموز، مقاطع عديمة المعنى. توصلت الدراسة إلى عدد من النتائج منها: ترتبط طريقة التجهيز المتأني للمعلومات في ذاكرة المدى القصير بالقدرة اللغوية والاستدلالية، بينما لا ترتبط هذه الطريقة بالقدرة المكانية والعددية،

## **الذاكرة وتجهيز معلومات العمليات في التفكير الرياضي**

أما طريقة التجهيز المتتابع للمعلومات في ذكرة المدى القصير فترتبط بالقدرة اللغوية والقدرة المكانية والقدرة العددية، إلا أنها لا ترتبط بالقدرة الاستدلالية. كما أكدت نتائج الدراسة عدم وجود تأثير دال لنوع القدرة على عملية التعرف عدا التعرف على الكلمات ذات المعنى، والمقاطع عديمة المعنى، كذلك عدم وجود تأثير دال لنوع القدرة على عملية الاستدعاة (أنور الشرقاوى: ١٩٩٢، ١٤٠-١٤٧).

### **تعقيب على الدراسات السابقة:**

يتضح من خلال العرض السابق أن الدراسات السابقة قد أجريت حول محاور شئ، فمنها من اهتم بالذاكرة والتفكير المشكّل في الرياضيات كما في دراسات "باسولونج و سigel" ( 2001 ) "Swanson and others" ( 1993 ) "Geary and other" ( 1991 ) "Swanson & Sachese - Le" ( 2001 ) "Duren & Cherrington" ( 1992 ) . واهتمت بعض الدراسات بالبحث في دور الذاكرة بصعوبات تعلم الرياضيات كما في دراسات "ويلسون و سوانسون" ( 2001 ) "Swanson" ( 1994, 1994 ) "Swanson et.al." ( 1999 ) "Geary et.al." ( 1994 ) . أما البعض الآخر فاهتم بالدور الذي تلعبه الذاكرة في الاستدلال الرياضي، والأداء في الرياضيات والموهبة، كما في دراسة "بلستان وآخرين" ( 1995 ) "Pletan and others" التي تأكّد من نتائجها أن الذاكرة تعتبر من أهم عوامل الاستدلال الرياضي، ودراسة "دارك، بينبو" ( 1991 ) "Dark & Benbo" التي أكّدت أن الأنماط المختلفة للتبوغ العقلي ترتبط مع مختلف خصائص الذاكرة العاملة. ودراسة ( عادل محمد العدل : ١٩٨٩ ) التي تأكّد منها الدور الذي تلعبه الذاكرة القصيرة في تجهيز المعلومات و علاقتها ببعض القدرات العقلية.

وقد حاولت بعض الدراسات إبراز دور الذاكرة في الاستخدام الاستراتيجي لحل المشكلة وفهم سياق أساس العمليات الحسابية "عملية الضرب" كدراسة "فوتراك

Futtersak(1990)، كذلك ما دار حول الآثار الوقتية والذاكرة من خلال بناء نموذج حسابي للذاكرة الصوتية كدراسة "مالوش وأخرين" Malch and others (1995)، ومنها ما أكد على مدى أهمية الذاكرة العاملة المركبة وقيمتها التنبؤية بالقدرات الحسابية للأفراد كدراسة "ليثر، و هنرى Leather & Henry (1994)

ويتبين للقارئ أن بعض هذه الدراسات ركزت على الذاكرة العاملة، والبعض الآخر أولت اهتمامها بالذاكرة العاملة والذاكرة قصيرة المدى معاً، أو الذاكرة العاملة والذاكرة طويلة المدى معاً. ومنها من اقتصرت اهتماماتها بالذاكرة قصيرة المدى أو بكل من نوعي الذاكرة (الذاكرة القصيرة والطويلة معاً). كما تركزت معظم هذه الدراسات حول ذوى صعوبات التعلم فى الرياضيات وذلك من خلال دراسة التفكير الرياضى عند هذه الفئة من المتعلمين، حيث أكدت نتائج الدراسات التى أجريت على هذه الفئة أن مشكلات التعلم التى يعاني منها هؤلاء يمكن ردها إلى خلل فى عمليات التجهيز من المستوى الأعلى. ويلاحظ افتقار الدراسات السابقة التى تم عرضها إلى دراسة الذاكرة كنظام متكامل من حيث نوع المهام الموكلة للذاكرة سواء كانت مهام سمعية أو بصرية وهو ما تحاول الدراسة الحالى إخضاعه للبحث، كما تحاول الدراسة الحالى أيضاً إظهار دور الذاكرة فى تجهيز المعلومات عندما يتم معالجة هذه المعلومات أثناء التفكير الرياضى فى سياق العمليات الحسابية (الجمع – الطرح – الضرب – القسمة) وهذا وجه الاختلاف بين الدراسات الراهنة والدراسات السابقة. ولقد اختلفت الدراسة الحالى عن الدراسات السابقة أيضاً من حيث عينة الدراسة، فالباحثان فى هذه الدراسة ركزا اهتمامهما على تلاميذ المرحلة الابتدائية لبحث دور الذاكرة فى تجهيز المعلومات التى تقدم فى سياق مهام سمعية وبصرية يجرى فيها المتعلم العمليات الحسابية (الجمع – الطرح – الضرب – القسمة) للوصول إلى حل لتلك المشكلات الرياضية التى هى فى جوهرها أساس التفكير الرياضى والتى قد تمثل صعوبة بالنسبة للكثير من التلاميذ فى هذه المرحلة.

**فروض الدراسة:**

- تُحدّد فروض الدراسة من خلال عرض مشكلة الدراسة والدراسات السابقة فيما يلى:
- ١- تُوجَد علاقة ارتباطية دالة إحصائية بين مستوى التفكير الرياضي الأدنى "البسيط" ومهام الذاكرة البصرية.
  - ٢- تُوجَد علاقة ارتباطية دالة إحصائية بين مستوى التفكير الرياضي الأدنى "البسيط" ومهام الذاكرة السمعية.
  - ٣- تُوجَد علاقة ارتباطية دالة إحصائية بين مستوى التفكير الرياضي الأعلى "المعقد" ومهام الذاكرة البصرية.
  - ٤- تُوجَد علاقة ارتباطية دالة إحصائية بين مستوى التفكير الرياضي الأعلى "المعقد" ومهام الذاكرة السمعية.
  - ٥- لا يوجد تأثير ذو دلالة إحصائية لمستوى تعليم عينة الدراسة "تلميذ الصف الرابع، تلميذ الصف الخامس" على مستوى التفكير الرياضي الأدنى "البسيط".
  - ٦- لا يوجد تأثير ذو دلالة إحصائية لمستوى تعليم عينة الدراسة "تلميذ الصف الرابع، تلميذ الصف الخامس" على مستوى التفكير الرياضي الأعلى "المعقد".
  - ٧- هل من الممكن لاختبارات الذاكرة السمعية والبصرية كمتغيرات مستقلة أن تتباين أداء أفراد عينة الدراسة في المستوى الأدنى "البسيط" للتفكير الرياضي؟
  - ٨- هل من الممكن لاختبارات الذاكرة السمعية والبصرية كمتغيرات مستقلة أن تتباين أداء أفراد عينة الدراسة في المستوى الأعلى "المعقد" للتفكير الرياضي؟

### خطة وإجراءات الدراسة :

تتضمن إجراءات الدراسة ما يأتى:

- عينة الدراسة وكيفية اختيارها.
- أدوات الدراسة وكفاءتها.
- التحليل الإحصائى لنتائج الدراسة وتفسيرها.
- التوصيات والاقتراحات.

### أولاً : عينة الدراسة :

طبقت أدوات الدراسة بعد تحديد كفاءتها على عينة قوامها ١٧٢ تلميذاً وتلميذة من تلاميذ الصفين الرابع والخامس بالتعليم الابتدائي تتراوح أعمارهم ما بين تسع سنوات وعشر سنوات ونصف، ينتمون إلى مدرسة السادس الابتدائية بأسوان. وقد تم استبعاد ١٢ تلميذاً وتلميذة من هذه العينة نظراً لعدم جدية البعض منهم وغياب البعض الآخر في عدد من الاختبارات، وبذلك أصبحت العينة النهائية ١٦٠ تلميذاً وتلميذة مصنفة كما في الجدول التالي:

جدول رقم (٣) تصنيف عينة الدراسة = ١٦٠

المجموع	عدد تلميذ المرحلة		تصنيف العينة
	تلميذات	تلميذ	
٧٧	٣٤	٤٣	تلميذ الصف الرابع
٨٣	٣٩	٤٤	تلميذ الصف الخامس
١٦٠	٧٣	٨٧	المجموع

### ثانياً. أدوات الدراسة:

استخدم الباحثان في هذه الدراسة الأدوات التالية:

#### (١) قياس الذاكرة البصرية:

##### ١ - اختبار اقتران الشكل بالعدد:

قام الباحثان بإعداد هذا الاختبار على غرار اختبار ثرسون، والذي أعده إلى العربية (حسنين محمد الكامل: ١٩٧٣)، والذي يقيس القدرة على تذكر الشكل

والعدد المقابل له، ويعرض هذا الاختبار قائمة من الأشكال و يقابل كل شكل عدد معين. ويتكون هذا الاختبار من جزعين، كل جزء في صفحتين تتضمن الصفحة الأولى في كل جزء من الجزعين على مجموعة من الأشكال يبلغ عددها عشرة أشكال يقابل كل شكل ( أي في مواجهة الشكل ) رقم، حيث يقوم التلميذ بمحاولة التركيز على كل شكل والرقم المقابل له. أما الصفحة الثانية في كل جزء فتحتوى على الأشكال العشرة وعلى المفحوص أن يقوم بتذكر الرقم المناظر لكل شكل ويقوم بتسجيله، هذا بالإضافة إلى وجود صفحتين في كل جزء مخصصة لكتابية بيانات التلميذ وتعليمات الاختبار. ويتم تصبح الاختبار بأن يعطى التلميذ درجة واحدة لكل استجابة صحيحة تصدر عنه، والدرجة الكلية هي مجموع درجات التلميذ الصحيحة في الجزعين معاً بعد استبعاد الفرات الخاطئة والمتردكة. أما عن زمن تطبيق الاختبار فقد تم تقديره على أساس حساب متوسط زمن ٧٠٪ من أجابوا إجابة كلية ومرضية على الاختبار من عينة الدراسة الاستطلاعية لكل جزء مستقل بذاته.

**ب - اختبار تذكر الوحدات العددية:**

هذا الاختبار مقتبس من اختبار جيلفورد، والذي أعده باللغة العربية ( حسين محمد الكامل: ١٩٧٣ )، وهو يقيس القدرة على تذكر الوحدات العددية، وهو من نوع اختبارات التعرف. ويتكون الاختبار في صورته النهائية من جزأين، كل جزء يحتوى على صفحتين، إداهما مخصصة لفترات الاختبار التي يبلغ عددها ٣٠ فقرة ( كل فقرة عبارة عن عدد مكون من رقمين )، وعلى المفحوص أن يقوم بالتركيز على هذه الأعداد خلال الفترة الزمنية المخصصة لعراض هذه الفرات. أما الصفحة الثانية في كل جزء فهي مخصصة لاختبار قدرة التلميذ على تذكر الأعداد، حيث يتم عرض مجموعة الأعداد التي سبق عرضها عليه مع مجموعة أخرى يبلغ عددها ٣٠ عدداً، حيث يتم توزيع الأعداد القديمة والجديدة بطريقة عشوائية، وعلى التلميذ أن يقوم بالتعرف على الأعداد التي سبق عرضها عليه ووضع

علامة (٧) أمام الفقرات الصحيحة، ويتم تصحیح الاختبار عن طريق طرح الإجابات الخاطئة من الإجابات الصحيحة، ولا يتم حساب الفقرات المتروكة.

(٢) قياس الذاكرة السمعية:

أعد الباحثان ثلاثة قوائم مختلفة لقياس الذاكرة السمعية وهي قوائم تضم أسماء أشياء أو أعلام، وتمثل كل قائمة مهمة مستقلة تم بتطبيقها بمفردها وهذه المهام هي: المهمة الأولى: وهي عبارة عن قائمة تحوى خمس كلمات لأنواع مختلفة، يليها خمسة أسماء من الأعلام.

المهمة الثانية: وهي عبارة عن قائمة تحوى خمس كلمات لأنواع مختلفة أيضاً، يليها خمسة أسماء معقدة بعض الشيء من الأعلام.

المهمة الثالثة: وهي عبارة عن قائمة تحوى عشر كلمات لأنواع مختلفة، يليها عشرة أسماء من الأعلام.

وقد تم اختبار كلمات المهام الثلاثة بحيث تكون مألوفة بالنسبة للتلميذ عينة الدراسة حتى يكون تذكرها ليس بالعسير. ولقد تم التتبیه على التلاميذ أنه سيتم تطبيق هذه المهام على كل عشرة تلاميذ على حده، والمطلوب من كل تلميذ تركيز الانتباه على ما سيتلقى عليه في هذه المهام وأن يقوم بحفظها، ثم يقوم بتدوينها عندما يطلب منه ذلك عقب الانتهاء من الإلقاء. وكانت المهمة تتطلب من الفاحص أن يقوم بإلقاء كلمة واحدة على أن يفصل بين كل كلمتين بفترة زمنية قدرها ثانيةين، كما كانت المهمة تتطلب من كل مفحوص استخدام الورقة والقلم لتدوين الاستجابات (أى تذكر أكبر عدد من الكلمات دون التقيد بترتيب إلقائها عليه) عقب الانتهاء من كل مهمة، مع ملاحظة أن المهمة الثالثة فقط لم يتح فيها للمفحوص فاصل زمني بين الكلمة والثانية حتى لا يستطيع التلميذ تسميع الكلمات ذاتياً سراً وتزداد المهمة صعوبة عليه بالإضافة إلى أن هذه المهمة تزداد صعوبتها على التلميذ كونها تتكون من عشرين كلمة. وتم تصحیح هذه المهام بأن يعطى للتلميذ درجة واحدة لكل كلمة صحيحة يتذكرها وذلك بالنسبة لكل مهمة على حدة والدرجة الكلية في كل مهمة تكون مساوية لعدد كلماتها.

(٣) قياس التفكير الرياضي:

أعد الباحثان اختبار التفكير الرياضي لقياس هذا المتغير على غرار اختبار العمليات الحسابية (سع - ٣) لقياس عوامل الاستدلال من بطارية الاختبارات المعرفية العاملية (اكستروم، فرنش، هارمان، وديربين) ولذى أعدد للعرببة كل من (سليمان الخضرى الشيخ، ونادية عبد السلام، وأنور الشرقاوى: ١٩٨٦).

ويكون الاختبار من قسمين، يحتوى كل منها على ١٥ مفردة (مسألة رياضية كلامية) بتعليمات واحدة، ويتبع كل مفردة أربع إجابات وعلى التلميذ أن يختار من بينها ما يعتقد أنه يمثل الإجابة الصحيحة للفقرة، مع ملاحظة أن حل المشكلة كان يتطلب من التلميذ معرفة نوع العملية أو العمليات الحسابية التى يمكن استخدامها فى حل المشكلة حلاً صحيحاً.

يقس القسم الأول من الاختبار التفكير الرياضي فى مستوى البسيط (الأدنى)، بينما يقيس القسم الثانى منه التفكير الرياضي فى مستوى المعقد (الأعلى). وتم اختيار هذه المشكلات (المسائل) من واقع حياة التلاميذ اليومية بما يتلاءم مع طبيعتهم وطبيعة مناهج الرياضيات فى المرحلة الابتدائية، وبعد الانتهاء من إعداد الاختبار تم عرضه على مجموعة من الأساتذة المتخصصين فى مجال تعليم الرياضيات، وبعد تقييمه على عينة الدراسة الاستطلاعية أصبح فى صورته النهائية. ولتحديد الزمن المناسب للاختبار تم حساب متوسط أزمنة ٧٠٪ من أجابوا إجابة كلية ومرضية على الاختبار من عينة الدراسة الاستطلاعية بالنسبة لكل مستوى من مستويات التفكير كل على حدة.

**كفاءة الاختبارات:**

لقد تم تقييم أدوات الدراسة على عينة استطلاعية قوامها ٤٠ تلميذاً وتلميذة من تلاميذ المرحلة الابتدائية. تراوحت أعمارهم ما بين ٩ سنوات إلى ١٠،٧ سنة، تم اختيارهم من بين تلاميذ مدرسة الجمهورية الابتدائية بأسوان خلال العام الدراسي ٢٠٠٢/٢٠٠٣، والجدول التالي يعرض قيم معاملات الثبات والصدق لأدوات الدراسة والطرق المستخدمة

### جدول رقم (٤) قيم معاملات الثبات والصدق

#### لأختبارات الدراسة والطريقة المستخدمة في ذلك

م	اسم الاختبار	معامل الثبات	الطريقة المستخدمة	معامل المدق	الطريقة المستخدمة
١	اقتران الشكل بالعدد	٠,٧٦	تحليل التباين	٠,٧٣	صدق الاتساق الداخلي
٢	نذكر الوحدات العددية	٠,٨٠	تحليل التباين	٠,٧٧	صدق الاتساق الداخلي
٣	المهمة الأولى	٠,٧٧	تحليل التباين	٠,٧٣	صدق المقارنة الطرفية
٤	المهمة الثانية	٠,٧٣	تحليل التباين	٠,٧٠	صدق المقارنة الطرفية
٥	المهمة الثالثة	٠,٦٩	تحليل التباين	٠,٧١	صدق المقارنة الطرفية
٦	مستوى التفكير الرياضي البسيط	٠,٨٧	تحليل التباين	٠,٧٣	صدق الاتساق الداخلي
٧	مستوى التفكير الرياضي المدق	٠,٧٣	تحليل التباين	٠,٧٧	صدق الاتساق الداخلي

جميع هذه القيم دالة عند مستوى ٠,٠١

وقام الباحثان بحساب النسبة الفائية بطريقة المقارنة الطرفية بين درجات الأقواء والضعفاء في تذكر كلمات المهام الثلاث كل على حده، وفيها ميّزت كل مهمة بين الأقواء والضعفاء، وبعد ذلك تم حساب معاملات الصدق عن طريق حساب معامل الارتباط الثنائي الأصيل بين ٢٧٪ الأقواء، ٢٧٪ الضعفاء في كل مهمة على حده.

#### ثالثاً: التحليل الإحصائي للنتائج وتفسيرها:

بالنسبة لاختبار الفروض الأربع الأولي من فروض الدراسة والتي نصت على:

- توجد علاقة ارتباطية دالة إحصائياً بين مستوى التفكير الرياضي الأدنى "البسيط" ومهام الذاكرة البصرية.
- توجد علاقة ارتباطية دالة إحصائياً بين مستوى التفكير الرياضي الأدنى "البسيط" ومهام الذاكرة السمعية.
- توجد علاقة ارتباطية دالة إحصائياً بين مستوى التفكير الرياضي الأعلى "المعقد" ومهام الذاكرة البصرية.
- توجد علاقة ارتباطية دالة إحصائياً بين مستوى التفكير الرياضي الأعلى "المعقد" ومهام الذاكرة السمعية.

قام الباحثان بحساب المتوسطات والانحرافات المعيارية لأدوات الدراسة

## الذاكرة وتجهيز معلومات العمليات في التفكير الرياضي

(تتضمن أربعة اختبارات وثلاث مهام) التي تم تطبيقها على عينة الدراسة الكلية وهي موضحة في الجدول التالي.

جدول رقم (٥) يوضح قيم المتوسطات والانحرافات المعيارية

لأدوات الدراسة بالنسبة للعينة الكلية، حيث ن = ١٦٠

ن - ١٦٠	المتوسط	اسم الاختبار أو المهمة	م
٤,١١	١٧,٣١	اقتران الشكل بالعدد	١
٨,٥٨	٢١,٥٩	الوحدات العددية	٢
١,٣٦	٩,١٥	المهمة الأولى	٣
١,٦٧	٨,٨٣	المهمة الثانية	٤
٣,٧	١٥,٧٧	المهمة الثالثة	٥
٣,٠١	٨,٠٦	المستوى البسيط للتفكير	٦
٢,٢١	٤,٤	المستوى العقد للتفكير	٧

كما تم حساب مصفوفة معاملات ارتباط "بيرسون" بين أدوات الدراسة التي تقيس المتغيرات المستقلة والتابعة وهذا ما يعرضه الجدول التالي.

جدول رقم (٦) مصفوفة معاملات ارتباط "بيرسون" بين متغيرات الدراسة

٧	٦	٥	٤	٣	٢	١	٠	النتائج	م
-,١١٥٨	"-,٢٧٧٥	"-,٢٦٧٠	"-,٢٧٩٤	"-,٢٢٣٤	"-,٢٩٩٤	-	-	اقتران الشكل	١
-,٠٥١٨	"-,٠١٥١٢	"-,٠١٥١٧	"-,٠٢٤٩٨	"-,٠٥٥٥	-	"-,٢٩٤	-	بالعدد	
-,٠٣٢٧٦	"-,٠٣٢٧٦	"-,٠٥٧٧٧	"-,٠٦٤٧٠	-	"-,٠٥٥٥	"-,٢٢٣٤	-	الوحدات العددية	٢
-,٠٢٦٣٩	"-,٠٢٦٣٩	"-,٠٣٤٩٤	"-,٠٥٩٣٨	-	"-,٠٦٤٧٠	"-,٢٢٣٤	"-,٢٩٩٤	المهمة الأولى	٣
-,٠٣٦٠٨	"-,٠٣٦٠٨	"-,٠٣٩٩٩	-	"-,٠٥٩٣٨	"-,٠٥٧٧٧	"-,٢٢٣٤	"-,٢٩٩٤	المهمة الثانية	٤
"-,٠٣٧٤٤	-	"-,٠٣٩٩٩	"-,٠٣٤٩٤	"-,٢٩٩٤	"-,٠٢٧٧٥	"-,٠١٥١٧	"-,٠٢٦٣٩	المهمة الثالثة	٥
-	"-,٠٣٧٤٤	"-,٠٣٩٩٩	"-,٠٣٤٩٤	"-,٢٩٩٤	"-,٠٢٧٧٥	"-,٠١٥١٧	"-,٠٢٦٣٩	مستوى التفكير	٦
-	-	"-,٠٣٩٩٩	"-,٠٣٤٩٤	"-,٢٩٩٤	"-,٠٢٧٧٥	"-,٠١٥١٧	"-,٠٢٦٣٩	البسيط	
-	-	"-,٠٣٧٤٤	"-,٠٣٩٩٩	"-,٠٣٤٩٤	"-,٢٩٩٤	"-,٠١٥١٧	"-,٠٢٦٣٩	مستوى التفكير	٧
-	-	-	-	"-,٠٢٦٣٩	"-,٢٢٣٤	"-,٠٢٧٧٥	"-,٠٢٦٣٩	العقد	

(\*) القيمة دالة عند مستوى ٠,٠٥ بدلالة الطرف الواحد.

(\*\*) القيمة دالة عند مستوى ٠,٠١ بدلالة الطرف الواحد.

ينتضح من الجدول السابق رقم (٦) أن اختبارات الذاكرة البصرية (اقتران الشكل بالعدد، وتذكر الوحدات العددية) ارتبطت بمستوى التفكير الرياضي البسيط

ارتباطاً ذا دلالة إحصائية، حيث بلغت قيم معاملات الارتباط على الترتيب ٢٧٧٥ ، ١٥١٢ ، ٠٠١ ، ٠٠٥ على الترتيب أيضاً ، وبهذه النتيجة تم قبول الفرض الأول من فروض الدراسة، مما يعني أن الذكرة البصرية تلعب دوراً مهماً وترتبط بالتفكير الرياضي ارتباطاً لا يخضع للعشوائية أو المصادفة، ويعكس علاقة طردية بين هذين الناشطين العقليين.

كما توضح بيانات الجدول السابق أيضاً أن مهام الذكرة السمعية (المهمة الأولى، والثانية، والثالثة) ترتبط أيضاً بمستوى التفكير الرياضي البسيط ارتباطاً ذا دلالة إحصائية حيث بلغت قيم معاملات الارتباط حسب ترتيب المهام (الأولى، الثانية، والثالثة) ٣٩٩٩ ، ٣٤٩٤ ، ٢٩٥٥ ، ٠٠١ ، ٠٠١ ، ٠٠٥ ، وهذه القيم جميعها ذات دلالة إحصائية عند مستوى ٠٠١ ، وبهذه النتيجة تم قبول الفرض الثاني من فروض الدراسة، وهذا يعني أن الذكرة السمعية تلعب دوراً مهماً أيضاً في حدوث التفكير الرياضي في مستوى البسيط. ويمكن تفسير هاتين النتيجتين بأن التفكير الرياضي - وإن كان يتم على المستوى البسيط - فلا بد من الاستعانة بما تحويه الذكرة العاملة البصرية والسمعية من محتوى، وهذه النتيجة منطقية إذ لا يتم التفكير دون محتوى معلوماتي.

أما بالنسبة لعلاقة الذكرة البصرية بمستوى التجهيز المعقد المتضمن في التفكير الرياضي فقد تبين من نتائج جدول رقم (٦) أن اختبارات التذكر البصري (اقتران الشكل بالعدد، وتذكر الوحدات العددية) لا ترتبط بهذا المستوى المعقد من مستويات تجهيز المعلومات، حيث بلغت قيم معاملات الارتباط ١١٥٨ ، ٠٠٥١٨ ، ٠٠٥١٨ على الترتيب وهي قيم غير دالة إحصائياً مما يؤكّد عدم وجود علاقة، الأمر الذي دعى إلى رفض الفرض الثالث من فروض الدراسة، ويمكن تفسير هذه النتيجة بأن المستوى المعقد من تجهيز معلومات التفكير الرياضي يبدو أنه لا يعتمد على التذكر البصري المرئي اعتماداً مباشراً ، فاللهم يسرخ انتباهه على إحدى العاملتين فقط، فهو إما أن يسرخ الانتباه على المرئيات محاولاً تذكرها في فترات

لاحقة، أو أنه يسرخ الانتباه إلى ما يقوم به من تجهيز عميق للمعلومات أثناء التفكير محاولاً التوصل إلى حل ما يصادفه من مشكلات رياضية.

أما بالنسبة لمهام الذاكرة السمعية، فتؤكد النتائج التي عرضها الجدول (٦) عكس ذلك، فقد ارتبطت المهام السمعية الثلاث (الأولى، الثانية، والثالثة) بمستوى التجهيز المعقد في التفكير الرياضي ارتباطاً ذا دلالة إحصائية، وبلغت قيم هذه المعاملات  $.3276, .2639, .3608$  على الترتيب وهي قيم كلها دالة عند مستوى  $.0001$ ، وهي تعكس علاقة طردية بين الذاكرة العاملة السمعية والتفكير الرياضي المعقد مما جعل الدراسة تقبل فرضها الرابع. واتفقت الدراسة الحالية بهذه النتيجة مع ما أكدته (محمد أحمد شلبي: ٢٠٠١، ١٤٠) من أن "جرودر" Growder أوضح أهمية الذاكرة السمعية عن البصرية من خلال الظاهرة المعروفة باسم أثر الوسيط Modality effect والتي يتم فيها استرجاع المعلومات الصوتية بطريقة أفضل من المعلومات البصرية، لأن ذلك ربما يعكس حقيقة أن صدى الصوت يبقى مدة أطول من الصور المرئية اللاحقة – انظر جدول رقم (١)، وأن الصوت اللاحق يتبع وقتاً أطول يكفي لتحويل المعلومات المهمة إلى ذاكرة المدى القصير، ويتبع أيضاً للمعلومات فرصه أكبر لمزيد من التنظيم والمعالجة العميقه والتي يتطلبها التفكير الرياضي في مستوى المعقد.

أما بالنسبة لاختبار الفرضين الخامس والسادس والذين نصا على :

- لا يوجد تأثير ذو دلالة إحصائية لمستوى تعليم عينة الدراسة (تلמיד الصف الرابع، تلاميذ الصف الخامس ) على مستوى التفكير الرياضي الأدنى "البسيط".
- لا يوجد تأثير ذو دلالة إحصائية لمستوى تعليم عينة الدراسة (تلاميذ الصف الرابع، تلاميذ الصف الخامس ) على مستوى التفكير الرياضي الأعلى "المعقد".
- قام الباحثان بحساب المتوسطات والانحرافات المعيارية لهذين المتغيرين (مستوى التجهيز البسيط، والمعقد للتفكير الرياضي ) كإحصاءات وصفية وذلك تمهيداً

لاستخدام تحليل التباين كإحصاء استدلالي لاختبار مدى صحة هذين الفرضين ويبين الجدول التالي ذلك.

**جدول رقم (٧) المتوسطات والانحرافات المعيارية  
بالنسبة لمستويات التفكير على حسب مستويات التعليم**

الصف الخامس ن = ٨٣		الصف الرابع ن = ٧٧		المتغيرات	م
ع	م	ع	م		
٣,٠١	٩,٣٥	٢,٣٣	٦,٦٨	المستوى البسيط للتفكير	١
٢,٣	٥,٢٢	١,٧٣	٣,٥٢	المستوى المعقد للتفكير	٢

ثم قام الباحثان بإجراء تحليل التباين البسيط في اتجاه واحد لمستوى التفكير "البسيط والمعقد" تحت تأثير متغير مستوى التعليم والجدول التالي يعرض هذه النتائج.

**جدول رقم (٨) نتائج تحليل التباين البسيط  
لمستوى التفكير تحت تأثير متغير مستوى التعليم**

مستوى الدالة	قيمة (F)	متوسط المربعات	مجموع المربعات	درجات الحرية	مصدر التباين	مستوى التجهيز
٠,٠١	٣٩,٠٥	٢٨٥,٦٢	٢٨٥,٦٢	١	بين المجموعات	المستوى البسيط للتجهيز
		٧,٣١	١١٥٥,٧٥	١٥٨	داخل المجموعات	
			١٤٤١,٣٧	١٥٩	المجموع	
٠,٠١	٢٧,٥٨	١١٥,٠٨	١١٥,٠٨	١	بين المجموعات	المستوى المعقد للتجهيز
		٤,١٧	٦٥٩,٣٢	١٥٨	داخل المجموعات	
			٧٧٤,٤	١٥٩	المجموع	

يتضح من بيانات الجدول السابق أن قيمة "F" بلغت ٣٩,٠٥ ، ٣٩,٠٨ ، ٢٧,٥٨ ، ٢٧,٥٢ بالنسبة للمستوى البسيط، والمعقد على الترتيب، وهي قيم دالة إحصائية عند مستوى ٠,٠١ مما يعني أن مستوى التعليم (الاختلاف بين تلاميذ الصف الرابع، والصف الخامس). له تأثير ذو دالة على تجهيز معلومات التفكير الرياضي عند أي مستوى من مستوياته. كما يتبين من بيانات الجدول (٧) أن تلاميذ الصف الخامس أفضل من تلاميذ الصف الرابع سواء بالنسبة للمستوى البسيط أو المستوى المجلة المصرية للدراسات النفسية - العدد ٤٧ - المجلد الخامس عشر - أبريل ٢٠٠٥ = ٣٤٣

## الذاكرة وتجهيز معلومات العمليات في التفكير الرياضي

المعقد. ولقد تم رفض هذين الفرضين على ضوء نتائج هذين الجدولين (٨، ٧). واستخدم الباحثان طريقة تحليل الانحدار المنتظم المتعدد step-wise multiple regression analysis لاختبار مدى صدق الفرضين السابع والثامن، وتسمى هذه الطريقة بطريقة "دوليلت Doolittle" وهى الطريقة الشائعة التى أكدتها كل من (فؤاد أبو حطب، وأمال صادق: ١٩٩١ ، ٥٤٥) لاجراءات التحليل الانحدارى المتعدد لأكثر من ثلاثة متغيرات مستقلة، وذلك بالاستعانة بجزم البرنامج الإحصائية العلمية S.P.S.S "هويل" ( Howell: 1987, 497 ) والجدول (٩) يعرض نتائج اختبار الفرض السابع الذى تمت صياغته فى صورة تساؤل ونص على: هل من الممكن لاختبارات الذاكرة السمعية والبصرية كمتغيرات مستقلة أن تنبأ بأداء أفراد عينة الدراسة في تجهيز معلومات المستوى الأدنى .

البسيط "للتفكير الرياضي؟".

وقام الباحثان فى هذا التحليل بإجراء التحليل الانحدارى لبيان مدى قدرة المتغيرات المستقلة المستخدمة فى الدراسة (اقتران الشكل بالعدد، الوحدات العددية، المهمة الأولى، المهمة الثانية، المهمة الثالثة) على التنبؤ بأداء أفراد عينة الدراسة في تجهيز معلومات المستوى الأدنى "البسيط "للتفكير الرياضي.

جدول رقم (٩) معامل بيتا وقيمة (ت) الحرجة لانحدار كل من المهمة السمعية الثالثة وختبار اقتران الشكل بالعدد على المستوى الأدنى "البسيط "

مستوى الدالة	(ت) الحرجة	معامل بيتا Beta	الخطأ المعياري B	المعامل البانى B	المتغيرات
٠,٠١	٤,٧١١	٠,٣٥١	٠,٦٦	٠,٢٨٦	المهمة الثالثة
٠,٠٥	٢,٤٦٩	٠,١٨٤	٠,٠٥٥	٠,١٣٥	اقتران الشكل بالعدد
ـ	ـ	ـ	ـ	ـ	المقدار. الثابت

يتضح من الجدول السابق أن أفضل المتغيرات المستقلة تنبأ بتجهيز معلومات المستوى الأدنى "البسيط "للتفكير الرياضي هي المهمة السمعية الثالثة، حيث بلغت قيمة "ت" الحرجة ٤,٧١١ وهي دالة عند مستوى ٠,٠١ ، وتجدر الإشارة إلى أن معامل التحديد لهذا المتغير" مربع معامل الانحدار " ( $R^2$ ) بلغ في قيمته ٠,٣٩٩ = ٢٠٠٥ = ٣٤٤

وأن معامل الانحدار بلغت قيمته ١٥٩،٠٠، كما يتبيّن من الجدول أيضاً أن اختبار افتراق الشكل بالعدد ( وهو من اختبارات الذاكرة العاملة البصرية ) يتأي في المرتبة الثانية من حيث قدرته على التبيؤ بتجهيز معلومات المستوى الأدنى " البسيط " للتفكير الرياضي، حيث بلغت قيمة " ت " الحرجية لهذا المتغير ٢،٤٦٩ وهي دالة عند مستوى ٠٠٥ ، وبلغت قيمة معامل التحديد لهذا المتغير " مربع معامل الانحدار " ( $R^2$ ) ٠٠،٤٣٧ ، كما بلغت قيمة معامل الانحدار ١٩١؛٠٠ . ويتأكّد بهذه النتيجة ما توصلت إليه الدراسة من قبل عندما اختبرت صحة الفرضين الأول والثاني من فروض الدراسة والتي تم عرضها بالجدول ( ٦ )، ففي هذا الجدول تبيّن أن المهمة السمعية الثالثة، واختبار افتراق الشكل بالعدد يرتبطان بمستوى التجهيز البسيط للتفكير الرياضي ارتباطاً ذا دلالة إحصائية وبلغت قيم هذا الارتباط ٠،٣٩٩٩ ، ٠،٢٧٧٥ على الترتيب، الأمر الذي يعني أن مستوى التجهيز البسيط لمعلومات التفكير الرياضي يمكن التبيؤ به عن طريق آداء الذاكرة العاملة السمعية بالإضافة إلى الذاكرة العاملة البصرية، وبهذه النتيجة تمت الإجابة على التساؤل الذي أثاره الفرض السابع للدراسة.

كما تم إجراء التحليل الانحداري المتعدد للإجابة على الفرض الثامن والأخير، والذي تم صياغته في التساؤل التالي: هل من الممكن لاختبارات الذاكرة السمعية والبصرية كمتغيرات مستقلة أن تتبايناً بأداء أفراد عينة الدراسة في تجهيز معلومات المستوى الأعلى " المعقد " للتفكير الرياضي؟، والجدول التالي يعرض نتائج هذا التحليل :

جدول رقم ( ١٠ ) معامل بيتا وقيمة ( ت ) الحرجية لانحدار كل من المهمة السمعية الثالثة والمهمة السمعية الأولى على المستوى الأعلى " المعقد "

مستوى الدلالة	( ت ) الحرجة	معامل بيتا Beta	الخطأ المعياري B	المعامل البائي B	المتغيرات
٠،٠١	٢،٨٩٠	٠،٢٥٨	٠،٠٥٤	٠،١٥٣٧	المهمة الثالثة
٠،٠٥	١،٩٨٥	٠،١٧٩	٠،١٤٦	٠،٢٨٨٩	المهمة الأولى
غ. د.	٠،٦١٢ -	-	١،١١	-٠،١٧٦٦	المقدار الثابت

## الذاكرة وتجهيز معلومات العمليات في التفكير الرياضي

يتضح من الجدول السابق أن أفضل المتغيرات المستقلة تتبعاً بتجهيز معلومات المستوى الأعلى "المعقد" للتفكير الرياضي هو المهمة الثالثة (وهي المهمة التي تتعلق بالذاكرة السمعية) حيث بلغت قيمة "ت" الحرجة ٢,٨٦٠ وهي دالة عند مستوى ١٠٠، وتجدر الإشارة إلى أن معامل التحديد لهذا المتغير "مربع معامل الانحدار" ( $R^2$ ) بلغ في قيمته ٠,٣٦١، وأن معامل الانحدار بلغت قيمة ٠,١٣٠، كما يتبيّن من الجدول أيضاً أن المهمة السمعية الأولى، وهي التي تتعلق بالذاكرة السمعية أيضاً تأتي في المرتبة الثانية من حيث قدرتها على التبؤ بتجهيز معلومات المستوى الأعلى "المعقد" للتفكير الرياضي، حيث بلغت قيمة "ت" الحرجة لهذا المتغير ١,٩٨٥ وهي دالة عند مستوى ٠,٠٥، وبلغت قيمة معامل التحديد لهذا المتغير "مربع معامل الانحدار" ( $R^2$ ) ٠,٣٨٩، كما بلغت قيمة معامل الانحدار ٠,١٥٢. وتجدر الإشارة أيضاً إلى أن هذين المتغيرين يرتبطان معاً ارتباطاً ذو دلالة إحصائية بمستوى التجهيز المعقد للتفكير الرياضي عند مستوى ٠,٠١ وبلغت قيمة كما سبق وأن تم عرضها بالجدول (٦) ٠,٣٦٠٨ ، ٠,٣٢٧٦ ، ٠,٢٢٧٦ . على الترتيب، الأمر الذي فسره الباحثان بأن ذلك المستوى المعقد لتجهيز معلومات التفكير الرياضي يمكن التبؤ به عن طريق الذاكرة السمعية فقط - في ضوء حدود نتائج الدراسة الحالية - وأن الذاكرة البصرية لا يمكن الاعتماد عليها في التبؤ بمثل هذا المستوى المعقد من التجهيز.

كما تجدر الإشارة أيضاً إلى أن الباحثان اكتفيا بنتائج التحليل الانحداري لاختبار صحة الفرضين السابع والثامن والإجابة على تساؤليهما ولم يعرضوا نتائج تحليل التباين الخاص بها على الرغم من وجود علاقة بين تحليل التباين وتحليل الانحدار المتعدد ذلك لأن (فؤاد أبو حطب، وأمال صادق : ١٩٩١ ، ٥٥٤) قد ذكرنا أن من أكثر صور العبث شيئاً ما يتصل بتحليل التباين حين يستخدمه الباحثون في نفس الدراسة جنباً إلى جنب مع تحليل الانحدار المتعدد لنفس المتغيرات.

### النوصيات والاقتراحات :

من خلال العرض السابق لأهمية الدراسة ومشكلتها والدراسة النظرية والنتائج التي توصلت إليها يمكن الوقوف على مدى أهمية الجانب السيكولوجي في تعليم الرياضيات، وهذا بدوره قد يساعد الباحثين والمهتمين بعلم نفس تعليم الرياضيات إلى فهم مدلولاتها وميكانيزماتها.

وقد أكدت نتائج الدراسة على أن التفكير الإنساني بمستوياته المختلفة كالاستدلال أو حل المشكلات الرياضية أو فهم اللغة الرياضية تعتمد على قدرات الذاكرة ونظمها، الأمر الذي يفرض على الباحثين والمربيين ضرورة إيجاد توافق بين المثيرات والاستجابات في المواقف المتعددة التي تواجه التلميذ، كما أكدت نتائج الدراسة أن الذاكرة وتجهيز المعلومات التي يتطلبهما التفكير الرياضي يعتمدان على بعضهما البعض، فالذاكرة السمعية مهمة وضرورية لتجهيز معلومات التفكير الرياضي سواء تم التجهيز على المستوى البسيط أو المعقد، لذا توصى الدراسة المهتمين ببحوث معالجة وتجهيز المعلومات تسليط الضوء بصورة أكثر تركيزاً لزيادة فهم دور الذاكرة في التفكير بشكل عام وليس في حدود تجهيز معلومات التفكير الرياضي فقط.

وفي ضوء ذلك توصى الدراسة بما يلى :

- ضرورة مراعاة وتحقيق المبادئ العشرة التي تتمي التفكير الرياضي والتي سبقت الإشارة إليها بالنسبة لطلاب مراحل التعليم العام وخاصة تلميذ المرحلة الابتدائية.
- أن تتناول مناهج الرياضيات وطرائق تدريسها مع التطورات الراهنة، وذلك من خلال استبدال المناهج والطرائق التقليدية والتي تقتصر على تلقين القواعد وحفظ القوانين إلى تمكين المتعلم من أن يكون إيجابياً خلال المواقف التعليمية التي ترتبط بالمواقف الحياتية، واعتبار أن التلميذ عنصر نشط ، وتشجيعه على المناقضة وبرير استرجاعاته التي يستخدمها في تفكيره الرياضي.

## **الذاكرة وتجهيز معلومات العمليات في التفكير الرياضي**

- أن تتضمن مناهج الرياضيات وخاصة في مراحل التعليم الابتدائي من حيث تنظيمها ومن حيث طرائق تدريسها على أنماط ووسائل مختلفة لتنمية مهارات التفكير الرياضي لدى التלמיד بما يحقق أهداف التربية لمواجهة التغيرات المعاصرة.
- الاهتمام بالمشكلات الرياضية المعتمدة على المواقف الواقعية، وكذلك المسائل الرياضية الكلامية باعتبارها عنصراً أساسياً في مرحلة التعليم الابتدائي والتي تعتبر بدأة لتنمية التفكير من جهة، ولربط مناهج الرياضيات بحياة التلميذ من جهة أخرى، وذلك حتى يتسعى للتعلم التدريب على ترجمة هذا النوع من المشكلات والمسائل إلى صيغ وعلاقات رياضية رمزية تيسر له التعامل معها وبذا يقل عزوفه عن دراسة الرياضيات.
- مساعد التلميذ في فهم ما يقرأ وتوظيفه في خطوات عملية واقعية تمكنه من حل المشكلات والمسائل الرياضية.
- ينبغي على المعلم أن يساعد التلميذ في إدراك ماهية المعلومات والرموز وال العلاقات التي تعتبر مدخلات للذاكرة البصرية أو السمعية، وتدریبهم على تنظيمها وإدراك العلاقات بينها واستخدامها والاستفادة منها بما ينعكس على تنمية التفكير الرياضي.

## المراجع

- ١- أحمد الرفاعي غنيم (١٩٩١) : أثر المعنى النفسي للكلمات على ذكر الجمل والتفكير الابداعي عند الأطفال. محلية كلية التربية - جامعة الزقازيق، العدد الرابع عشر، ص ص: ١٩٦ - ٢٣٦.
- ٢- أحمد حسين اللقاني (١٩٩٥) : تطوير مناهج التعليم. القاهرة، عالم الكتب.
- ٣- إكستروم، فرنش، هارمان، وديربين (١٩٨٦) : بطارية الاختبارات المعرفية العاملية، عوامل الاستدلال. (س)، الاستدلال العام (س ع) تعریف وإعداد سليمان الخضرى الشیخ، نادیة عبید السلام، وأنور الشرقاوى ، القاهرة، مکتبة الأنجلو المصرية، ط: ٢.
- ٤- إمام مصطفى سيد وصلاح الدين حسين الشريف (١٩٩٩) : ما وراء الذاكرة، استراتيجيات التذكر، أساليب الاستذكار والحمل العقلي وعلاقتها بالتحصيل الأكاديمي لدى طلاب كلية التربية، محلية كلية التربية بأسيوط، الجزء ٢ ، العدد ١٥، ج ٢ ، ص ص: ٢٩٩ - ٣٣٠ .
- ٥- أميرة عباس عبد الرازق (١٩٩٢) : مراحل نمو القدرة على التذكر البصري لدى الأطفال في المرحلة العمرية من (٤ - ٧). رسالة دكتوراه "غير منشورة" ، كلية التربية جامعة المنايا.
- ٦- أمينة إبراهيم شلبي (٢٠٠٠) : فاعالية الذاكرة العاملة لدى ذوي صعوبات التعلم من تلاميذ الحلقة الثانية من التعليم الأساسي. بحوث المؤتمر السنوي لكلية التربية بالمنصورة، ٤ - ٥ أبريل، ص ص: ١٠٣ - ١٤٩ .
- ٧- أنور محمد الشرقاوى (١٩٩٢) : علم النفس المعرفي المعاصر، القاهرة، مکتبة الأنجلو المصرية.

الذاكرة وتجهيز معلومات العلوم في التذكرة الرياضي

- ٨- جابر عبد الحميد جابر (١٩٩٤) : علم النفس التربوي. ط: ٣، القاهرة: دار النهضة المصرية.
- ٩- جيمس كيف (١٩٩٥) : التأمل في حركة التفكير. ترجمة: عبد العزيز عبد الوهاب البابطين، الرياض، مكتب التربية العربي لدول الخليج.
- ١٠- حسنين محمد الكامل (١٩٧٣) : دراسة القدرة التذكرية وعلاقتها بالتحصيل المدرسي في المدرسة الثانوية. رسالة ماجستير غير منشورة، كلية التربية جامعة عين شمس.
- ١١- حسين غريب حسين (١٩٨٢) : أساليب التفكير الرياضي لدى الأمسين. القاهرة، النقدم للطباعة والنشر.
- ١٢- خليفة عبد السميع خليفة (١٩٨٥) : تدریس الرياضيات في مرحلة التعليم الأساسي. القاهرة، مكتبة الأنجلو المصرية.
- ١٣- روبرت سولسو (١٩٩٦) : علم النفس المعرفي. ترجمة محمد نجيب الصبيوة وأخرين ، الكويت دار الفكر الحديث.
- ١٤- سليمان محمود يونس (١٩٩٩) : الذكاء والنسنان وانتقال أثر التعليم، مجلة التربية، اللجنة الوطنية القطرية للتربية والثقافة والعلوم، المجلد ٢٨، العدد ١٣٠، سبتمبر، ص ص: ١٤٦ - ١٥١.
- ١٥- صلاح الدين حسين الشريف و على أحمد سيد مصطفى (١٩٩٩) : العمر، الخبرة، والذكاء وعلاقتها بالذاكرة السمعية والبصرية، المباشرة والمرجأة. مجلة كلية التربية بأسيوط، الجزء ٢، العدد ١٥، ج: ٢، ص ص: ٣٣١ - ٣٣٥.
- ١٦- صلاح عبد الحفيظ محمد و عايدة سيدهم اسكندر (١٩٩٩) : أثر استخدام النماذج الرياضية وأسلوب حل المشكلات في تدریس الرياضيات على تنمية مهارات الترجمة الرياضية والتذكرة الرياضي لدى تلاميذ الصف الثالث الاعدادي. مجلة تربويات
- المجلة المصرية للدراسات النفسية - العدد ٤٧ - المجلد الخامس عشر - أبريل ٢٠٠٥ (٣٥٠) =

الرياضيات، الجمعية المصرية لتنمية الرياضيات ، المجلد

الثاني، بنظر، ص ص : ٧١ - ١١٦.

- ١٧- عادل إبراهيم الباز و حمزة عبد الحكيم الرياش ( ٢٠٠٠ ) : برنامج مقترن  
فني-التقدير التقريري والحساب الذهني لنواتج العمليات الحسابية  
وتأثيره على تنمية الحس العددي والتفكير الرياضي لدى  
تلميذ المرحلة الابتدائية. مجلة تربية الرياضيات، الجمعية  
المصرية لتنمية الرياضيات ، المجلد الثالث، ص ص:

٢٦٦-٢٠٩

- ١٨- عادل محمد العدل ( ١٩٩٠ ) : دراسة عاملية لبعض الجوانب المعرفية في  
إطار نظرية تجهيز المعلومات. مجلة كلية التربية - جامعة  
الزقازيق، العدد الثاني عشر، ص ص: ٥٦ - ٧٩.

- ١٩- عادل محمد العدل ( ١٩٩٣ ) : أثر نوع المهمة وطريقة قياس الذاكرة على كـل  
ن الاستدعاء والتعرف قصير وطويل المدى . مجلة كلية  
التربية - جامعة الزقازيق، العدد العشرين ، ص ص:

١٦٩ - ١٩٧.

- ٢٠- عبد الشتاوي إبراهيم، رضوى إبراهيم ( ٢٠٠٣ ) : علم النفس أساسه ومعالمه.  
ط: ٣، الرياض، دار العلوم للطباعة والنشر.

- ٢١- عبد الوهاب محمد كامل ( ١٩٩٤ ) : علم النفس الفسيولوجي " مقدمة في  
الأسس السيكوفسيولوجية والنيلولوجية للسلوك الإنساني ".  
ط: ٢، القاهرة، مكتبة النهضة المصرية.

- ٢٢- عزت عبد العظيم الطويل ( ١٩٩٥ ) : معالم علم النفس المعاصر.  
الإسكندرية، دار المعرفة الجامعية.

- ٢٣- فتحي الزيات ( ١٩٩٨ ) : الأسس البيولوجية والنفسية للنشاط العقلي  
المعرفة، الذاكرة والإبتكار ، القاهرة، دار النشر للجامعات.

- الذاكرة وتجهيز معلومات العمليات في التفكير الرياضي
- ٤- فتحي عبد الرحمن جروان (١٩٩٩) : تعليم التفكير - مشاهيم وتطبيقات.  
الإمارات العربية، العين، دار الكتاب الجامعي.
- ٥- فؤاد أبو حطب، أمال صادق (١٩٩١) : مناهج البحث وطرق التحليل الإحصائي في العلوم النفسية والتربوية والاجتماعية. ط:١،  
القاهرة، مكتبة الأنجلو المصرية.
- ٦- فؤاد عبد اللطيف أبو حطب (١٩٩٢) : القدرات العقلية. ط:٦، القاهرة،  
مكتبة الأنجلو المصرية.
- ٧- محمد أحمد شلبي (٢٠٠١) : مقدمة في علم النفس المعرفي. القاهرة ، دار  
غريب للنشر .
- ٨- محمد شحاته ربيع، جمعة سيد يوسف، معتز سيد عبد الله (١٩٩٥) : علم  
النفس الجناني. القاهرة ، دار غريب للطباعة والنشر .
- ٩- محمد عبد السلام سالم (١٩٩٨) : فاعلية مستوى المعلومات على سعة  
الذاكرة السمعية / البصرية قصيرة المدى في ضوء الجنس،  
المرحلة السنوية. دراسات تربوية واجتماعية، كلية التربية  
بحلوان، المجلد ٤، العدد ٣، سبتمبر، ص ص: ٣٠٣-٣٢٣.
- ١٠- محمد كامل عبد الرحمن (١٩٩٣) : سيكولوجية المذاكرة. ط:٢،  
الإسكندرية، دار الدعوة.
- ١١- محمد نعيم شريف (١٩٩٤) : دراسة عن مدى الارتباط بين الذاكرة القصيرة  
والطويلة. دراسات نفسية، مجلد ٤، العدد ٤، أكتوبر، ص  
ص: ٥٥٧ - ٥٧٠.
- ١٢- محمد نعيم شريف (١٩٩٥) : دراسة لمدى الارتباط بين القلق والذاكرة.  
دراسات نفسية، مجلد ٥، العدد ١، يناير، ص ص: ١٤١ - ١٥٣.
- ١٣- محمود أحمد شوقي (١٩٩٧) : الاتجاهات الحديثة في تدريس الرياضيات.  
ط:٢، الرياض، دار المريخ للنشر .
- المجلة المصرية للدراسات النفسية - العدد ٤٧ - المجلد الخامس عشر - أبريل ٢٠٠٥ (٣٥٢)

٣٤- مدنو خ حسن غانم (١٩٩٤) : الفروق بين استراتيجيات تشفير المعلومات في الذاكرة لدى طلاب الشعب العلمية والأدبية. رسالة ماجستير،

كلية التربية - جامعة عين شمس.

٣٥- ناجي دسقوريس ميخائيل، جاسم محمد التجار (١٩٩٧) : دور مناهج الرياضيات في تنمية مهارات التفكير العلية، مجلة مستقلة في التربية العربية، المجلد الثالث: العددان التاسع والعشر،

أبريل، ص ص: ١٦٩ - ١٩٤.

٣٦- هبة محمد وجيه (١٩٩١) : الذاكرة عند الأطفال المختلفين عقلياً، والأطفال الأسواء في مرحلة الطفولة المتأخرة، دراسة مقارنة. رسالة ماجستير، كلية التربية - جامعة المنيا.

٣٧- وليم عبد (١٩٩٨) : رياضيات مجتمعية لمواجهة تحديات مستقبلية - إطار مقترن لتطوير مناهج الرياضيات مع بداية القرن الحادى والعشرين "قضايا فكرية" ، مجلة تربويات الرياضيات، المجلد الأول، ص ص: ١ - ٨.

٣٨- وليم عبد (١٩٩٩) : طرق تدريس الرياضيات بالمرحلة الإعدادية - برنامج تحسين التعليم الأساسي، القاهرة، وحدة التخطيط والمتابعة بوزارة التربية والتعليم.

39- Alice, J. G. & Lovely, H. B. ( 2001 ) : Tinking mathematics: The power of thinking mathematics. <http://www.aft.org/thikmath/pwrmth.htm>.

40- Dark V. D. & Benbow, C. P. ( 1991 ) : Differential enhancement of working memory with mathematical verbal precocity. Journal of Educational Psychology, Vol. 83, No.1, Pp. 48-60.

41- Durnin, R. ( 1995 ) : Computers and clarifing mathematical thinking. Kamehameha Journal of Education, Vol.6, Pp. 163-168.

- 42- Duren, P. E. & Cherington, A. ( 1992 ): The effects of cooperative group work versus independent practice on the learning of some problem-solving strategies. School science and Mathematics, Vol. 92, No. 2, Pp. 80-83.
- 43- Engle, R.W. et. al. ( 1992 ): Individual differences in working memory and comprehension , a test of four hypotheses. Journal of Experimental psychology, Vol. 18, No.5, Pp. 972 – 992.
- 44- Epstein, K. I. and Others (1994 ): Number processing in deaf college students. American Annals of the Deaf, Vol.139, No. 3, Pp.336-347.
- 45- Fraivillig, J. L.; Murphy, L. A. and Fuson, K.C. ( 1999 ): Advancing children's mathematical thinking in every day mathematics classrooms. Journal for Research in Mathematics Education. Vol.30, No.2, Pp.148-170.
- 46- Futtorsak, K. R. ( 1990 ): The role of strategy use, short-term memory and anxiety in basic number combination performance. Diss. Abst. Inter., A, Vol. 50, No. 2, P. 3896.
- 47- Geary, D. C. et. al. ( 1991 ): Cognitive addition: A short longitudinal study of strategy choice and speed-of-processing differences in normal and mathematically disabled children. Developmental Psychology, Vol.27, No.5, Pp.787-798.
- 48- Geary, D. C. ; Hoard, M. K. and Hamson, C. O. ( 1999 ): Numerical and arithmetical cognition: Patterns of functions and deficits in children at risk for a mathematical disability. Journal of Experimental Child Psychology, Vol. 74, No. 3, Pp.213-239.
- 49- Howard, R. W. (1992 ): Learning and memory, major ideas, principles issues and applications. Praeger, London.

- 50- Howell, D. C. ( 1987 ): Statistical methods for psychology.  
Duxbury Press, Boston.
- 51- Jordan, N. C. & Hanich, L. B. ( 2000 ): Mathematical thinking in second-grade children with different forms of L. D. Journal of Learning Disabilities, Vol.33, No.6, Pp.567-578.
- 52- LeBlance, M. D. & Weber-Russell, S. ( 1996 ): Texxt integration and mathematical connection: Acomputer model of arithmetic word problem solving. Cognitive Science; Vol.20, No.3, Pp.357-407.
- 53- Lester, A. L. (1997): Psychology, Boston, Avicom Company,6ed.
- 54- Lether, C. V. & Henry, L. A. (1994 ): Working memory span and phonological awareness tasks as predictors of early reading ability. Journal of Experimental Child Psychology, Vol. 56, No. 1, Pp.88-111.
- 55- Lutfiyya, L. A. ( 1998 ): Mathematical thinking of high school students in nebraska. International Journal of Mathematical Education in Science and Technology, Vol.29,No.1, Pp.55-64.
- 56- Malloch, M. and Others ( 1995 ): Temporal effects immediate verbal memory acombined experimental / modelling abpprōach. Language and Cognitive Processes, Vol. 10, No. 3, Pp.401-405.
- 57- McGhee, R. & Liberman, L. ( 1994 ): GF-GC theory of human cognition: Differentiation of short-term memory auditory and visual memory factors. Psychology in the Schools, Vol.31, No.4, Pp.297-304.
- 58- Nunes, T. & Bryant, P. ( 1997 ): Developing mathematical thinking socio-culturally learning and teaching mathematics, An international perspective,

- 1997, . Pp. 211-213. [http://www.fizarlsruhe.de/fiz\\_publication/zdm/zdm98r3](http://www.fizarlsruhe.de/fiz_publication/zdm/zdm98r3).
- 59- **Oers, B. V.** ( 1996 ): Are you sure,stimulating mathematical thinking during young children'splay. European Early Childhood Education Research Journal, Vol.4, No.1, Pp.71-87.
- 60- **O,Sullivan, J. T.& Howe, M. L.** ( 1998 ): A different view of metamemory with illustration from children's beliefs about long-term ratention. European Journal of Psychology of Education, Vol.13, No.1, Pp. 9 – 28.
- 61- **Parkin, A. J. & Hunkin, N. M.** ( 2001 ): British memory research: A journey through the 20<sup>th</sup> contury. British Journal of Psychology, No. 92, Pp. 37-52.
- 62- **Passolunghi, M. C. & Siegel, L. S.** ( 2001 ): Short-term memory, working memory, and inhibitory control in children with difficulties in arithmetic problem solving. Journal of Experimantel Child Psychology, Vol.80, No.1, Pp.44-57.
- 63- **Pletan, M. D. and Others** ( 1995 ): Parents' observations of kindergartners who are advanced in mathematical reasoning. Journal for the Education of the Gifted, Vol. 19, No. 1, Pp. 30-41.
- 64- **Robinson, E. L.** (1991 ): Developing mathematical thinking skills in pre-schoolchildren through a programing of free constructive play.<http://search/ERIC.Org/ericdb/ED344681/htm,26/52003>.
- 65- **Romanic, C.** (1994 ): The role of phonological short-term memory in syntactic parsing: A case study. language and Cognitive Processes, Vol.9, No.1,Pp. 29-67.
- 66- **Schoenberger, K. M. & Liming, L. A.** ( 2001 ): Improving students mathematical thinking skills through

- improved use of mathematics vocabulary and numerical operations. [http:// search ERIC.Org/ericdc/ED455120.htm](http://search.ERIC.Org/ericdc/ED455120.htm), 26/52003.
- 67- Service, E. & Kohonen, V. ( 1995 ) : Is the relation between phonological memory and foreign language learning accounted for by vocabulary acquisition. Applied Psycholinguistics, Vol.16, No.2, Pp.155-172.
- 68- Swanson, H. L. ( 1994 ) : The role of working memory and dynamic assessment in the classification of children with learning disabilities. Learning Disabilities Research and Practice, Vol. 9, No. 4, Pp.190-202.
- 69- Swanson, H. L. and Others ( 1990 ) : Can learning disabilities be determined from working memory performance? Journal of Learning Disabilities, Vol. 32, No.1, Pp. 59 – 67.
- 70- Swanson H. L. and Others ( 1993 ) : The influence of working memory and classification ability on children's word problem solution. Journal of Experimental Child Psychology, Vol.55, No.3, Pp.374-395.
- 71- Swanson, H. L. & Sachese-Lee, C. ( 2001 ) : Mathematical problem solving and working memory in children with learning disabilities: Both executive and phonological processes are important. Journal of Experimental Child Psychology, Vol.79, No.3, Pp.294-321.
- 72- Turner, D. C.; Styers, K. R. and Daggs, D. G. ( 1997 ) : Encouraging mathematical thinking , Mathematics Teaching in the Middle School, Vol. 3, No. 1, Pp.66-72.
- 73- Wilson, K. M. & Swanson, H. L. ( 2001 ) : Are mathematics disabilities due to a domain-general or a domain-specific working memory deficit ? . Journal of Learning Disabilities, Vol.34, No.3, Pp.237-248.

**Memory And Mathematical Information Processesing  
Inclusive In Mathematical Thinking**

**Dr. Moustafa H. Mohamed**

Ass. Prof. in Asswan Faculty of  
Euc. South-Vally University

**Dr. Abdel hay A. Mahmoud**

Ass. Prof. in Asswan Faculty of  
Euc. South-Vally University

The study aimed to investigate the role of ( visual / auditory ) memory in mathematical information processesing which inclusive in mathematical thinking. The main sample of the study is consisted of ( 160 ) pupils chosen from different sexs in elementary schools, the study used two visual tests and three auditory tasks. The results of the study confirm that:

- There is a significant positive relationship between lower-level of mathematical information processesing which inclusive in mathematical thinking and visual memory. The results did not confirm such relationship between auditory memory and the same level of processesing.
- There is a significant positive relationship between the auditory memory and two levels ( hight / low ) of mathematical information processesing which inclusive in mathematical thinking.
- There is a significant effects of differ educational levels ( 4<sup>th</sup>-5<sup>th</sup> stages ) on both levels ( hight / low ) of mathematical information processesing which inclusive in mathematical thinking.
- The ( visual / auditory ) memory tasks can predict of lower-level of mathematical information processesing which inclusive in mathematical thinking.
- The auditory memory tasks can predict of hight-level of mathematical information processesing which inclusive in mathematical thinking, but the visual memory tasks fail in this prediction.